

١٠ : السُّلَّةُ بِمَقَابِلِ
أَسَلَّةِ الرِّهَانِ

$\overline{OP} \perp \overline{MP}$, $\overline{MP} = \overline{OP}$
 أثبت أن $\overline{OP} \perp \overline{MP}$

السر هان

$$\overline{OP} \perp \overline{AB} < \overline{OP} \perp \overline{AC} \therefore$$

$\therefore \overline{MP}, \overline{MQ} \sim \overline{AP}$ $\therefore MP = MQ$

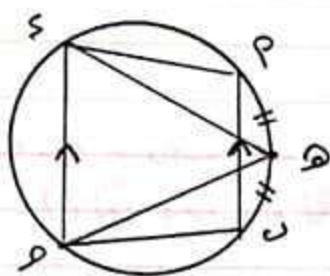
من ۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷، ۸، ۹، ۱۰، ۱۱، ۱۲، ۱۳، ۱۴، ۱۵، ۱۶، ۱۷، ۱۸، ۱۹، ۲۰، ۲۱، ۲۲، ۲۳، ۲۴، ۲۵، ۲۶، ۲۷، ۲۸، ۲۹، ۳۰، ۳۱، ۳۲، ۳۳، ۳۴، ۳۵، ۳۶، ۳۷، ۳۸، ۳۹، ۴۰، ۴۱، ۴۲، ۴۳، ۴۴، ۴۵، ۴۶، ۴۷، ۴۸، ۴۹، ۵۰، ۵۱، ۵۲، ۵۳، ۵۴، ۵۵، ۵۶، ۵۷، ۵۸، ۵۹، ۶۰، ۶۱، ۶۲، ۶۳، ۶۴، ۶۵، ۶۶، ۶۷، ۶۸، ۶۹، ۷۰، ۷۱، ۷۲، ۷۳، ۷۴، ۷۵، ۷۶، ۷۷، ۷۸، ۷۹، ۸۰، ۸۱، ۸۲، ۸۳، ۸۴، ۸۵، ۸۶، ۸۷، ۸۸، ۸۹، ۹۰، ۹۱، ۹۲، ۹۳، ۹۴، ۹۵، ۹۶، ۹۷، ۹۸، ۹۹، ۱۰۰، ۱۰۱، ۱۰۲، ۱۰۳، ۱۰۴، ۱۰۵، ۱۰۶، ۱۰۷، ۱۰۸، ۱۰۹، ۱۱۰، ۱۱۱، ۱۱۲، ۱۱۳، ۱۱۴، ۱۱۵، ۱۱۶، ۱۱۷، ۱۱۸، ۱۱۹، ۱۲۰، ۱۲۱، ۱۲۲، ۱۲۳، ۱۲۴، ۱۲۵، ۱۲۶، ۱۲۷، ۱۲۸، ۱۲۹، ۱۳۰، ۱۳۱، ۱۳۲، ۱۳۳، ۱۳۴، ۱۳۵، ۱۳۶، ۱۳۷، ۱۳۸، ۱۳۹، ۱۴۰، ۱۴۱، ۱۴۲، ۱۴۳، ۱۴۴، ۱۴۵، ۱۴۶، ۱۴۷، ۱۴۸، ۱۴۹، ۱۵۰، ۱۵۱، ۱۵۲، ۱۵۳، ۱۵۴، ۱۵۵، ۱۵۶، ۱۵۷، ۱۵۸، ۱۵۹، ۱۶۰، ۱۶۱، ۱۶۲، ۱۶۳، ۱۶۴، ۱۶۵، ۱۶۶، ۱۶۷، ۱۶۸، ۱۶۹، ۱۷۰، ۱۷۱، ۱۷۲، ۱۷۳، ۱۷۴، ۱۷۵، ۱۷۶، ۱۷۷، ۱۷۸، ۱۷۹، ۱۸۰، ۱۸۱، ۱۸۲، ۱۸۳، ۱۸۴، ۱۸۵، ۱۸۶، ۱۸۷، ۱۸۸، ۱۸۹، ۱۹۰، ۱۹۱، ۱۹۲، ۱۹۳، ۱۹۴، ۱۹۵، ۱۹۶، ۱۹۷، ۱۹۸، ۱۹۹، ۲۰۰، ۲۰۱، ۲۰۲، ۲۰۳، ۲۰۴، ۲۰۵، ۲۰۶، ۲۰۷، ۲۰۸، ۲۰۹، ۲۱۰، ۲۱۱، ۲۱۲، ۲۱۳، ۲۱۴، ۲۱۵، ۲۱۶، ۲۱۷، ۲۱۸، ۲۱۹، ۲۲۰، ۲۲۱، ۲۲۲، ۲۲۳، ۲۲۴، ۲۲۵، ۲۲۶، ۲۲۷، ۲۲۸، ۲۲۹، ۲۳۰، ۲۳۱، ۲۳۲، ۲۳۳، ۲۳۴، ۲۳۵، ۲۳۶، ۲۳۷، ۲۳۸، ۲۳۹، ۲۴۰، ۲۴۱، ۲۴۲، ۲۴۳، ۲۴۴، ۲۴۵، ۲۴۶، ۲۴۷، ۲۴۸، ۲۴۹، ۲۵۰، ۲۵۱، ۲۵۲، ۲۵۳، ۲۵۴، ۲۵۵، ۲۵۶، ۲۵۷، ۲۵۸، ۲۵۹، ۲۶۰، ۲۶۱، ۲۶۲، ۲۶۳، ۲۶۴، ۲۶۵، ۲۶۶، ۲۶۷، ۲۶۸، ۲۶۹، ۲۷۰، ۲۷۱، ۲۷۲، ۲۷۳، ۲۷۴، ۲۷۵، ۲۷۶، ۲۷۷، ۲۷۸، ۲۷۹، ۲۸۰، ۲۸۱، ۲۸۲، ۲۸۳، ۲۸۴، ۲۸۵، ۲۸۶، ۲۸۷، ۲۸۸، ۲۸۹، ۲۹۰، ۲۹۱، ۲۹۲، ۲۹۳، ۲۹۴، ۲۹۵، ۲۹۶، ۲۹۷، ۲۹۸، ۲۹۹، ۳۰۰، ۳۰۱، ۳۰۲، ۳۰۳، ۳۰۴، ۳۰۵، ۳۰۶، ۳۰۷، ۳۰۸، ۳۰۹، ۳۱۰، ۳۱۱، ۳۱۲، ۳۱۳، ۳۱۴، ۳۱۵، ۳۱۶، ۳۱۷، ۳۱۸، ۳۱۹، ۳۲۰، ۳۲۱، ۳۲۲، ۳۲۳، ۳۲۴، ۳۲۵، ۳۲۶، ۳۲۷، ۳۲۸، ۳۲۹، ۳۳۰، ۳۳۱، ۳۳۲، ۳۳۳، ۳۳۴، ۳۳۵، ۳۳۶، ۳۳۷، ۳۳۸، ۳۳۹، ۳۴۰، ۳۴۱، ۳۴۲، ۳۴۳، ۳۴۴، ۳۴۵، ۳۴۶، ۳۴۷، ۳۴۸، ۳۴۹، ۳۵۰، ۳۵۱، ۳۵۲، ۳۵۳، ۳۵۴، ۳۵۵، ۳۵۶، ۳۵۷، ۳۵۸، ۳۵۹، ۳۶۰، ۳۶۱، ۳۶۲، ۳۶۳، ۳۶۴، ۳۶۵، ۳۶۶، ۳۶۷، ۳۶۸، ۳۶۹، ۳۷۰، ۳۷۱، ۳۷۲، ۳۷۳، ۳۷۴، ۳۷۵، ۳۷۶، ۳۷۷، ۳۷۸، ۳۷۹، ۳۸۰، ۳۸۱، ۳۸۲، ۳۸۳، ۳۸۴، ۳۸۵، ۳۸۶، ۳۸۷، ۳۸۸، ۳۸۹، ۳۹۰، ۳۹۱، ۳۹۲، ۳۹۳، ۳۹۴، ۳۹۵، ۳۹۶، ۳۹۷، ۳۹۸، ۳۹۹، ۴۰۰، ۴۰۱، ۴۰۲، ۴۰۳، ۴۰۴، ۴۰۵، ۴۰۶، ۴۰۷، ۴۰۸، ۴۰۹، ۴۱۰، ۴۱۱، ۴۱۲، ۴۱۳، ۴۱۴، ۴۱۵، ۴۱۶، ۴۱۷، ۴۱۸، ۴۱۹، ۴۲۰، ۴۲۱، ۴۲۲، ۴۲۳، ۴۲۴، ۴۲۵، ۴۲۶، ۴۲۷، ۴۲۸، ۴۲۹، ۴۳۰، ۴۳۱، ۴۳۲، ۴۳۳، ۴۳۴، ۴۳۵، ۴۳۶، ۴۳۷، ۴۳۸، ۴۳۹، ۴۴۰، ۴۴۱، ۴۴۲، ۴۴۳، ۴۴۴، ۴۴۵، ۴۴۶، ۴۴۷، ۴۴۸، ۴۴۹، ۴۵۰، ۴۵۱، ۴۵۲، ۴۵۳، ۴۵۴، ۴۵۵، ۴۵۶، ۴۵۷، ۴۵۸، ۴۵۹، ۴۶۰، ۴۶۱، ۴۶۲، ۴۶۳، ۴۶۴، ۴۶۵، ۴۶۶، ۴۶۷، ۴۶۸، ۴۶۹، ۴۷۰، ۴۷۱، ۴۷۲، ۴۷۳، ۴۷۴، ۴۷۵، ۴۷۶، ۴۷۷، ۴۷۸، ۴۷۹، ۴۸۰، ۴۸۱، ۴۸۲، ۴۸۳، ۴۸۴، ۴۸۵، ۴۸۶، ۴۸۷، ۴۸۸، ۴۸۹، ۴۹۰، ۴۹۱، ۴۹۲، ۴۹۳، ۴۹۴، ۴۹۵، ۴۹۶، ۴۹۷، ۴۹۸، ۴۹۹، ۵۰۰، ۵۰۱، ۵۰۲، ۵۰۳، ۵۰۴، ۵۰۵، ۵۰۶، ۵۰۷، ۵۰۸، ۵۰۹، ۵۱۰، ۵۱۱، ۵۱۲، ۵۱۳، ۵۱۴، ۵۱۵، ۵۱۶، ۵۱۷، ۵۱۸، ۵۱۹، ۵۲۰، ۵۲۱، ۵۲۲، ۵۲۳، ۵۲۴، ۵۲۵، ۵۲۶، ۵۲۷، ۵۲۸، ۵۲۹، ۵۳۰، ۵۳۱، ۵۳۲، ۵۳۳، ۵۳۴، ۵۳۵، ۵۳۶، ۵۳۷، ۵۳۸، ۵۳

من (١) (٢) بالطرح : $s = v$ هـ

٤٢ دد شكل رابعي حيد^{دالمی} $\overline{OP} \parallel \overline{QR}$ ، ه متصق OP اثب أن
 $OM = ON$

$$59 = 62$$

السَّهَّان

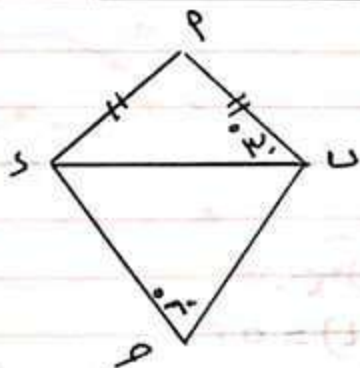
$$\overline{DS} \parallel \overline{UP} :$$


① $(\mathcal{F}_N)_\infty = (\mathcal{F}_M)_\infty \therefore$

۵۹ منتصف

② $(\text{Pb})_2 = (\text{Pb})_2 =$

من ٥٠ إلى ١٠٠

$$(a \cup b) \cap c = (a \cap c) \cup (b \cap c) \therefore$$


٣ في السِّلِّ المقابِل

$$P = (S \cup P) \cap S \quad S \cap P = P$$
$$\gamma = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \approx$$

أثبت أن u_2 رابعي دائري
الرهان

البرهان

$$1P = 0P \therefore$$

∴ ۴۵ و مساوی الساقین

$$P = (U \hat{S} P) \sim (S \hat{U} P) \sim$$
$$i\sigma = [\dot{\psi} + \psi] - \psi = (\dot{\psi}) \approx \dots$$
$$1A = 1C + 7 = (\hat{0}) \sim + (\hat{P}) \sim = r$$

:- \hat{P} تکمل \hat{Q} :- P و Q ریاضی دانری

④ \overline{AP} ، \overline{CP} مماسان للدائرة

عند P ، C

أثبت أن $\overline{AP} = \overline{CP}$

⑤ $\overline{AP} \parallel \overline{CP}$

البرهان

\therefore $\triangle APB$ و $\triangle CPB$ دائري

$\therefore \angle APB = \angle CPB = 110^\circ$ خواص الدائري

$\therefore \angle APB = \angle CPB = 110^\circ$ خواص الدائري

$\therefore \overline{AP} = \overline{CP}$ قطعتاهما مماسات

$\therefore \triangle APB \cong \triangle CPB$ $\therefore \angle APB = \angle CPB$ متساوي الساقين

$\therefore \angle APB = \angle CPB = 110^\circ - 70^\circ = 40^\circ$

$\therefore \angle APB = \angle CPB = 40^\circ$ المماسية $\angle APB = \angle CPB$ المحيطية \therefore

متركان في $\angle P$

$\therefore \angle APB = \angle CPB = 40^\circ$

$\therefore \triangle APB \cong \triangle CPB$ متساوي الساقين $\therefore \overline{AP} = \overline{CP}$ $\#$ ①

$\therefore \angle APB = \angle CPB = 40^\circ$ وهما في وضع تبادل

$\therefore \overline{AP} \parallel \overline{CP}$ $\#$ ⑤

⑥ في الشكل لقطعا بل

\overline{AP} ، \overline{CP} قطعتاهما مماسان

$\overline{AP} \parallel \overline{CP}$ \therefore أثبت أن

⑦ \overline{AP} ينصف \overline{BC} \therefore \overline{AP} \perp \overline{BC}

البرهان

$\therefore \angle APB = \angle CPB = 110^\circ$ خواص الدائري

$\therefore \angle APB = \angle CPB = 110^\circ$ خواص الدائري

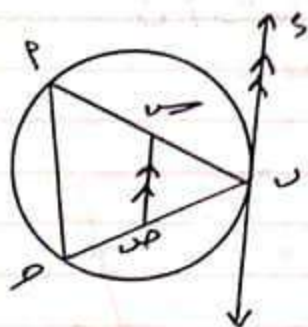
$\therefore \overline{AP} = \overline{CP}$ $\therefore \angle APB = \angle CPB = 110^\circ$ خواص الدائري

$\therefore \overline{AP} = \overline{CP}$ قطعتاهما مماسات

$\therefore \triangle APB \cong \triangle CPB$ متساوي الساقين

$\therefore \angle APB = \angle CPB = 110^\circ$

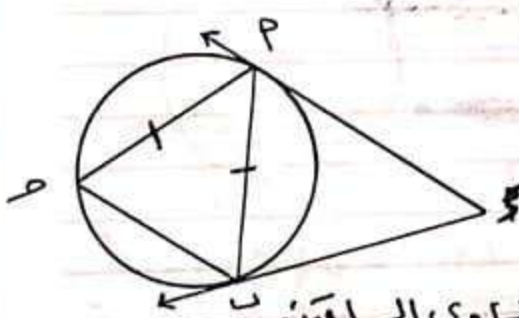
$\therefore \angle APB = \angle CPB = 110^\circ$ $\therefore \overline{AP}$ ينصف \overline{BC}



٨ في الشكل المقابل
 \vec{QR} مماس للدائرة عند
 $\vec{QR} \parallel \vec{OP}$
 أثبت أن $PQ \perp \vec{QR}$ رابعتي دائري
 البرهان

$\because \vec{QR} \parallel \vec{OP}$ ، \vec{QR} وتر
 $\therefore \angle (PQR) = \angle (POR)$ المماسية = $\angle (POR)$ المحيطية
 كثر كان في P ①

$\because \vec{QR} \parallel \vec{OP}$ $\therefore \angle (PQR) = \angle (POR)$ بالبادل ②
 من ① ، ② $\therefore \angle (PQR) = \angle (POR)$
 حيث أنه $\angle (POR) = \angle (PQR)$
 $\therefore PQ \perp \vec{QR}$ رابعتي دائري



٩ في الشكل المقابل
 \vec{QR} مماس للدائرة
 $\vec{QR} \perp \vec{OR}$
 أثبت أن $PQ \perp \vec{QR}$ رابعتي دائري
 البرهان

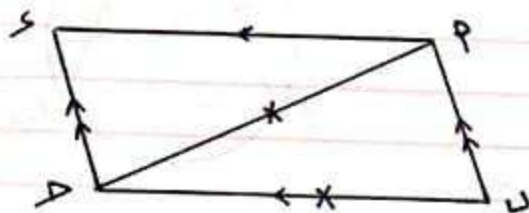
$\because \vec{QR} \perp \vec{OR}$ $\therefore \angle (PQR) = \angle (POR)$
 $\therefore \angle (PQR) = \angle (POR)$

① $\therefore \angle (PQR) = \angle (POR) = 180^\circ - \angle (QOR)$
 $\therefore \vec{QR} \perp \vec{OR}$ $\therefore \angle (PQR) = \angle (POR)$
 $\therefore \angle (PQR) = \angle (POR)$
 ② $\therefore \angle (PQR) = \angle (POR) = 180^\circ - \angle (QOR)$
 $\therefore \vec{QR} \perp \vec{OR}$ $\therefore \angle (PQR) = \angle (POR)$

$\therefore \angle (PQR) = \angle (POR)$ المماسية = $\angle (POR)$ المحيطية ③
 من ① ، ② ، ③ $\therefore \angle (PQR) = \angle (POR)$
 $\therefore PQ \perp \vec{QR}$

⑩ OP و MP متوازي أضلاع فـ $OP = MP$ أثبت أن
 هذه محاور للدائرة الخارجة للثلاث OP و MP

البرهان



$OP = MP$
 OP و MP متوازي الساقين

$\therefore \angle (OP) = \angle (MP)$ ①

OP و MP متوازي

$\therefore OP \parallel MP$

من ① و ②

$\therefore \angle (OP) = \angle (MP)$ بالتيار ③

$\therefore \angle (OP) = \angle (MP)$ \therefore هذه محاور

⑪ في الشكل المقابل

OP و MP متصفاً OP و MP
 أثبت أن

① OP و MP ربعي دائري

② $\angle (OP) = \angle (MP)$

③ OP و MP قطر في الدائرة الخارجة لـ OP و MP

البرهان



الجوت في الرياضيات
 / عمرو عوجة
 ٠١٠٠١٣٨٧٣٧٠

\therefore OP و MP متصفاً OP و MP $\therefore \angle (OP) = \angle (MP)$

\therefore OP و MP متصفاً OP و MP $\therefore \angle (OP) = \angle (MP)$

$\therefore \angle (OP) = \angle (MP)$ \therefore OP و MP ربعي دائري

ونتيج أنه $\angle (OP) = \angle (MP)$ \therefore OP و MP ربعي دائري

\therefore $OP = MP$ أضاف آظهار

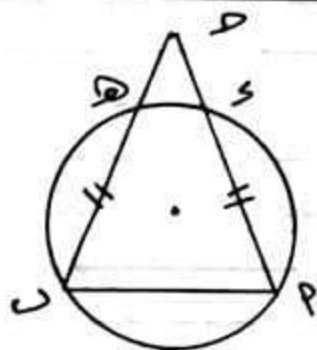
\therefore OP و MP متوازي الساقين

$\therefore \angle (OP) = \angle (MP)$ ③

من ① و ② $\therefore \angle (OP) = \angle (MP)$

$\therefore \angle (OP) = \angle (MP)$ \therefore OP و MP ربعي دائري

\therefore OP و MP قطر



١٦ في الشكل المقابل

$\angle P = \angle Q = \angle R$
 أثبت أن $\angle P = \angle Q = \angle R$
 البرهان

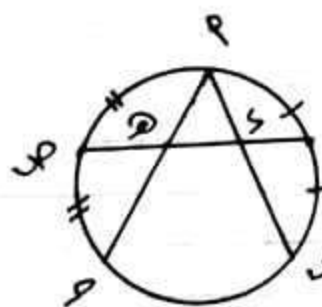
$\angle P = \angle Q = \angle R$
 $\therefore \angle P = \angle Q = \angle R$
 بإضافة $\angle R$ للطرفين

$\angle P = \angle Q = \angle R$
 $\therefore \angle P = \angle Q = \angle R$

١٧ $\angle P = \angle Q = \angle R$ $\therefore \angle P = \angle Q = \angle R$

بالطرح $\angle P = \angle Q = \angle R$

١٨ $\angle P = \angle Q = \angle R$ وتران في الدائرة $\angle P = \angle Q = \angle R$
 الترتيب ، رسم $\angle P = \angle Q = \angle R$ $\therefore \angle P = \angle Q = \angle R$
 البرهان



$\angle P = \angle Q = \angle R$
 $\therefore \angle P = \angle Q = \angle R$
 $\therefore \angle P = \angle Q = \angle R$

$\angle P = \angle Q = \angle R$
 $\therefore \angle P = \angle Q = \angle R$

$\angle P = \angle Q = \angle R$
 $\therefore \angle P = \angle Q = \angle R$
 $\therefore \angle P = \angle Q = \angle R$

$\angle P = \angle Q = \angle R$
 $\therefore \angle P = \angle Q = \angle R$
 $\therefore \angle P = \angle Q = \angle R$

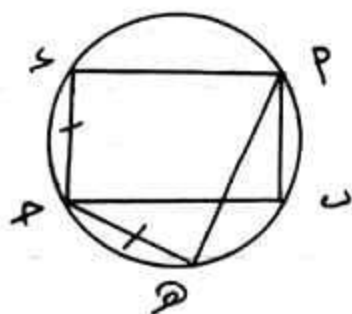
الجوت في الرياضيات

أ/ عمرو عوجة

٠١٠٠١٢٨٧٣٧٠

١٤) في الشكل المقابل

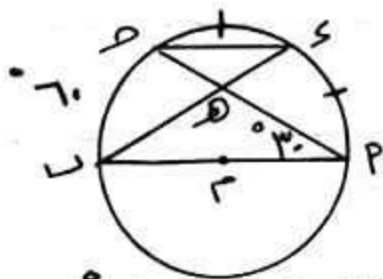
أ ب د د مستطيل مرسوم داخل دائرة م
 ثابت أن $AP = PD$
 البرهان



$\because AP = PD$ د مستطيل
 $\therefore AP = PD$ خواص المستطيل
 $\therefore \angle PAD = \angle PDA$
 $\therefore \angle PAD = \angle PDA$ بآصاقة \angle (نك) للطرفين
 $\therefore \angle PAD = \angle PDA$ $\therefore AP = PD$ #

١٥) في الشكل المقابل

أ ب قطر د منتصف AP
 آ و د \angle (ب د م) \angle (أ ب د)
 أثبت أن $AP \parallel CD$
 البرهان



$\therefore \angle ACD = \angle BCD$ في خطية \angle (ب د م) \angle (أ ب د) $\therefore \angle ACD = 30^\circ$
 $\therefore \angle ACD = 30^\circ$
 $\therefore \angle ACD = 30^\circ$
 $\therefore \angle ACD = 30^\circ$
 $\therefore \angle ACD = 30^\circ$

$\therefore \angle ACD = 30^\circ$
 $\therefore \angle ACD = 30^\circ$
 $\therefore \angle ACD = 30^\circ$
 $\therefore \angle ACD = 30^\circ$
 $\therefore \angle ACD = 30^\circ$

$AP \parallel CD$

حل آخر

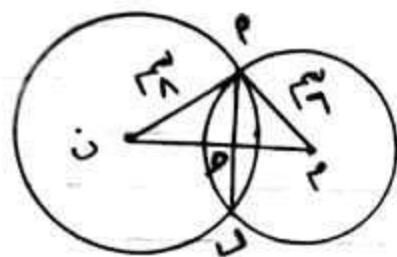
$\therefore \angle ACD = 30^\circ$

$\therefore \angle ACD = 30^\circ$

$\therefore \angle ACD = 30^\circ$

١٦ في الشكل المقابل

م، ن دائرتان يتقاطعا في م، ب
 $\overline{PM} \perp \overline{PN}$
 ووجد طول \overline{PN}
 البرهان



$$\overline{PM} \perp \overline{PN} \Rightarrow \angle MPN = 90^\circ$$

في $\triangle MPN$ قائم في م

$$\angle MPN = 90^\circ \Rightarrow \angle M + \angle N = 90^\circ$$

$$\angle M = 30^\circ$$

خط المركزين م، ن وتر مشترك
 $\overline{PM} \perp \overline{PN}$ ونصفه

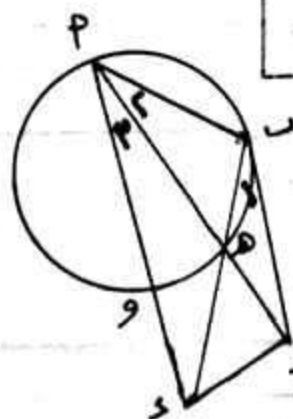
$$\overline{PM} = \frac{1}{2} \overline{PN} \Rightarrow \overline{PM} = \frac{1}{2} \times 18 = 9$$

$$\overline{PM} = 9 \Rightarrow \overline{PN} = 18$$

الاجابة في الرياضيات

أ/ عمروعجوة

٠١٠٠١٢٨٧٢٧٠



١٧ في الشكل المقابل

د، ع مماسان للدائرة عند ب

هـ منتصف د، ع

أثبت أن $\overline{PM} \perp \overline{PN}$ ودرجتي دائري
 البرهان

د، ع مماسان، د، ع وتر

في $\triangle MPN$ $\angle M = \angle N$ (مماسيت) $\angle M = \angle N$ (مماسيت)
 مشتركان في د، ع

في $\triangle MPN$ هـ منتصف د، ع

في $\triangle MPN$ $\angle M = \angle N$ (مماسيت) $\angle M = \angle N$ (مماسيت) $\angle M = \angle N$ (مماسيت)

في $\triangle MPN$ $\angle M = \angle N$ (مماسيت) $\angle M = \angle N$ (مماسيت) $\angle M = \angle N$ (مماسيت)

من (١)، (٢)، (٣) $\angle M = \angle N$ (مماسيت) $\angle M = \angle N$ (مماسيت) $\angle M = \angle N$ (مماسيت)

وفي صورة واحدة لنا $\overline{PM} \perp \overline{PN}$ ودرجتي دائري

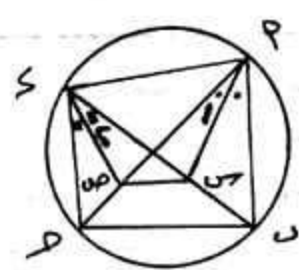
١٨ في الشكل المقابل
أريد بالبرهان

البرهان (أضرب)



∴ ∠(O) = ∠(P) = 1/2 ∠(M) = 1/2 ∠(N)
لأنهما في نفس القوس
∴ ∠(O) = ∠(P)
∴ P على الدائرة
∴ ∠(O) = ∠(P) = 1/2 ∠(M) = 1/2 ∠(N)

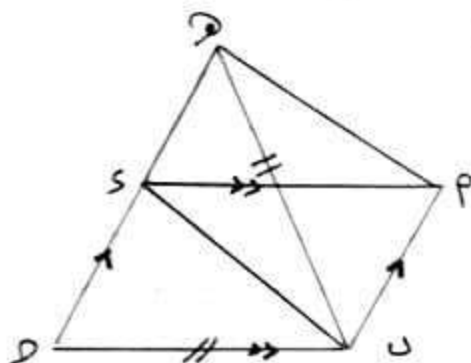
١٩ في الشكل المقابل



أريد بالبرهان
أن P منتصف MN
أو أن P منتصف MN
أو أن P منتصف MN
أو أن P منتصف MN

∴ ∠(O) = ∠(P) = 1/2 ∠(M) = 1/2 ∠(N)
لأنهما في نفس القوس
∴ ∠(O) = ∠(P)
∴ P على الدائرة
∴ ∠(O) = ∠(P) = 1/2 ∠(M) = 1/2 ∠(N)

٢) AP متوازي أضلاع AD $AD \parallel AP$ حيث $AD = AP$
ثبت أن AP AD رباعي دائري
البرهان

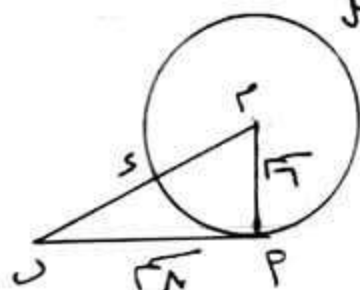


$\therefore AP$ متوازي أضلاع
 $\therefore \angle (AD) = \angle (AP)$
خواص ١

$\therefore AD = AP$
 ΔADP متساوي الأضلاع
 $\therefore \angle (AD) = \angle (AP)$
من ١

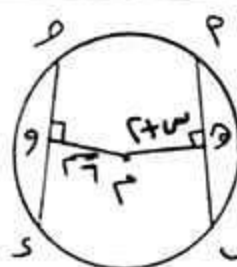
$\therefore \angle (AD) = \angle (AP)$ مرسومين على AD وفي
صية واحدة سنجد $\therefore AD$ AP رباعي دائري.

في الشكل المقابل



البرهان
المماس AM ، AN نصف قطر
 $OP \perp MN$
 $\therefore \Delta OPM \cong \Delta OPN$
 $\therefore OM = ON = OP$
 $\therefore \angle (OM) + \angle (ON) = \angle (ON)$
 $180^\circ = 72^\circ + 27^\circ = \angle (ON)$
 $\therefore \angle A = 72^\circ$
 $\angle B = 72^\circ - 10^\circ = 62^\circ$

في الشكل المقابل

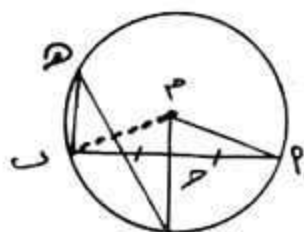


البرهان
المماس AM ، AN نصف قطر
 $OP \perp MN$
 $\therefore \Delta OPM \cong \Delta OPN$
 $\therefore OM = ON = OP$
 $\therefore \angle (OM) + \angle (ON) = \angle (ON)$
 $180^\circ = 72^\circ + 27^\circ = \angle (ON)$
 $\therefore \angle A = 72^\circ$
 $\angle B = 72^\circ - 10^\circ = 62^\circ$

٢٢ في الشكل المقابل

م منتصف \overline{AB} ، و $\angle C = 90^\circ$
أوجد

البرهان



الحل نصل \overline{AM} $\therefore \angle C = 90^\circ$ أضف أيضاً

$\angle C = 90^\circ$ متساوي الساقين

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

٢٣ في الشكل المقابل

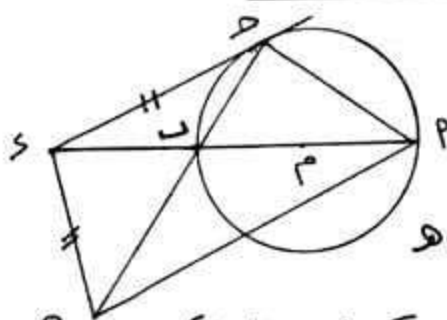
\overline{AB} قطر ، و $\angle C = 90^\circ$

أثبت أن

١ \overline{AB} قطر للدائرة الخارجة $\triangle ABC$

٢ \overline{AB} مماس للدائرة الخارجة $\triangle ABC$

البرهان



$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

$\therefore \angle C = \angle C = 90^\circ$

③

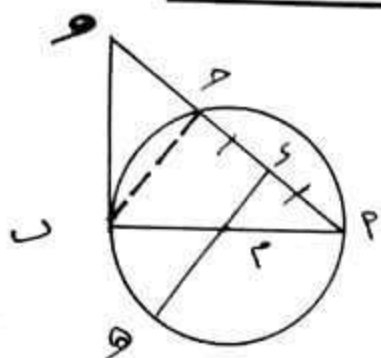
Figure 2: μ_{max} vs. μ_{min}

[illegible]

من (ع) ۱ (ع) ۲ (ع) ۳ (ع) ۴

$$(\hat{p} \hat{q}) = (\hat{q} \hat{p}) \quad \therefore$$

$\therefore \frac{55}{5} \leftarrow$ ماس



في الشكل المقابل

۴۴ قطر و منتصف ۴۵

تبی مما حسن للدائرة ف ب

٤ ثبت أن

⑤ م ب و ر ی ا ع ی ر ا ن ی

ॐ ॥ ॐ ॥

البرهان

$\therefore \vec{r}_0 = (\hat{r}_0)_N \therefore \vec{r}_0 \perp \vec{r}_M \therefore \vec{r}_0$ متناصف \vec{r}_M

∴ \overline{PQ} is the required line.

$q' = (\hat{u}) \approx \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\sqrt{2}} \right) \approx \frac{1}{2\sqrt{2}}$

$$\cdot \quad \mathbb{N} = (\hat{u}) \sim + (\hat{u}^s) \sim \dots$$

ثُمَّ تَلَّاهُ مَعَهُ

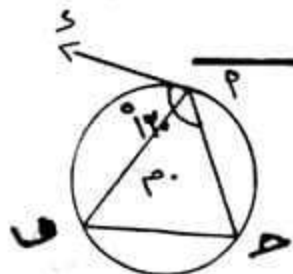
۱۰۔ روم و باغی دائری

∴ $\overline{AC} \parallel \overline{DE}$

ن (م ق د) ص ل ه = ٩٠ مرسومة نصف دائرة

ن (P قس) حصة = 90 مرسومة نصف دائرة
 ∴ ن (P قس) = ن (P قس) = 90 وهاه وضع تناظر
 ∴ كم // ب ق

15/11/20



في الشكل المقابل

۴۲ ماس آؤو (۵)

السرھان

:- P کی ماس P کی رفتار

$$\hat{U} \hat{S} \hat{U}^\dagger = \hat{S}$$
$$\# \cdot 0 = 12 - 11 = (\hat{0}) \approx$$