

السؤال الأول: أكمل مكان النقطة :

- ١ إذا كان $(س - ١ ، ص + س) = ٣$ فإن $ص = ١$
- ٢ إذا كان $(٥ ، س - ١) = (ص + ١ ، - ٥)$ فإن $س + ص = صفر$
- ٣ إذا كان $ر(س) = ٥ ، ر(س \times ص) = ١٥$ فإن $ر(ص) = ٣$
- ٤ إذا كان $ر(س) = ٩$ فإن $ر(س) = ٣$
- ٥ إذا كانت $س = \{٥ ، ٦ ، ٧\}$ فإن $ر(س) = ٩$
- ٦ إذا كان $س \times ص = \{(١ ، ٣) ، (١ ، ٤)\}$ فإن $ر(س) = ١$
- ٧ إذا كانت $س = \{٥\} ، ص = \{٣\}$ فإن $ر(س \times ص) = ١$
- ٨ إذا كانت $س = \{٢ ، ٣ ، ر(ص)\} = ٣$ فإن $ر(س \times ص) = ٦$
- ٩ إذا كان $ر(س) = ر(ص) = ١$
- ١٠ إذا كان $ر(س) = ر(س \times ص)$ فإن $ر(ص) = ١$
- ١١ إذا كان $ر(س) = ٢ ، ر(س \times ص) = ٦$ فإن $ر(ص) = ٩$
- ١٢ إذا كان $ر(س) = ٢ ، ر(ص) = ٩$ فإن $ر(س \times ص) = ٦$
- ١٣ إذا كانت $س = \{٢ ، ٤\}$ فإن $ر(ص) = ٤$
- ١٤ إذا كانت $س = \{٢ ، ٣\}$ فإن $ر(ص) = ٣$
- ١٥ إذا كانت $س = \{٢ ، ٣ ، ص\}$ فإن $ر(ص) = ٣$
- ١٦ إذا كان $س = \{٢ ، ٣ ، ص\}$ فإن $ر(ص) = ٣$
- ١٧ إذا كانت $س = \{٢ ، ٣ ، ص\}$ فإن $ر(ص) = ٣$
- ١٨ إذا كان $(٤ ، ب) = (-٥ ، ٩)$ فإن $٤ + ب = ٤$
- ١٩ إذا كان $(س - ٢ ، ٣) = (٥ ، ص + ١)$ فإن $ر(س + ص) = ٣$
- ٢٠ إذا كان $(٤ ، ٣) = (٦ ، ب)$ فإن $٤ + ب = ٩$
- ٢١ إذا كانت $: س \in ع$ فإن النقطة $(-س ، ٣)$ تقع في الربع الرابع.....
- ٥ إذا كان $(م ، ٢) \in$ المستقيم $ص = ٣س - ٤$ فإن $م = ٢$

- ١ النقطة $(-٣ ، ٤)$ تقع في الربع الثاني
- ٢ النقطة $(٣ ، ٤)$ تقع في الربع الأول
- ٣ النقطة $(٢ ، -٢)$ تقع في الربع الرابع
- ٤ النقطة $(-١ ، -٣)$ تقع في الربع الثالث
- ٥ إذا كانت النقطة $(٥ ، ب - ٧)$ تقع على محور $س$ فإن $ب = ٧$
- ٦ إذا كانت النقطة $(س ، ٧)$ تقع على محور $ص$ فإن $س + ١ = ١$
- ٧ إذا كانت النقطة $(٣ - س ، س - ١)$ تقع في الربع الرابع حيث $س \in ص$ فإن : $س = ٤ ، ٢ ، ٣ ، صفر$
- ٨ إذا كانت : النقطة $(س - ٥ ، ٧ - س)$ تقع في الربع الثاني فإن : $س = [٧ ، ٥ ، ٣]$
- ٩ إذا كانت : النقطة $(س - ٤ ، ٢ - س)$ تقع في الربع الثالث فإن : $س = [٢ ، ٤ ، ٣]$
- ١٠ إذا كانت $٤ < صفر ، ب >$ صفر فإن النقطة التي تقع في الربع الثاني هي $[٤ ، ب]$ ، $(٤ - ب)$ ، $(٤ ، - ب)$ ، $(٤ - ب)$
- ١١ إذا كانت النقطة $(ك - ٤ ، ك)$ تقع على الجزء السالب من محور $ص$ فإن : $ك = ٢$
- ١٢ إذا كان $(ل - ٣ ، ٣)$ تقع في الربع الأول فإن $ل$ يمكن أن تساوي $[٣ - ٣ ، ٢ ، ٧]$
- ١٣ إذا كانت النقطة $(٤ - ب ، ٥)$ تقع على محور $ص$ فإن
 $[ب = ٤ ، ٤ + ب = صفر ، ٤ \neq ب ، ٤ - ب = ٥]$
- ١٤ إذا كان $(س + ٥ ، ٨) = (١ ، ٦)$ $ص + س = ٦$
- ١٥ إذا كان $(٣ - س ، راص) = (٤ ، ٤)$ فإن $س + ص = ٨$
- ١٦ إذا كان $(س - ١ ، ١) = (٨ ، ص + ٣)$ فإن
 $[راس + ٢ ص = ٩]$
- ١٧ إذا كان $(٤ ، ب) = (-٥ ، ٩)$ فإن $٤ + ب = ٤$
- ١٨ إذا كان $(س - ٢ ، ٣) = (٥ ، ص + ١)$ فإن $ر(س + ص) = ٣$
- ١٩ إذا كان $(س - ٢ ، ٣) = (٥ ، ص + ١)$ فإن $ر(س + ص) = ٣$
- ٢٠ إذا كان $(٤ ، ٣) = (٦ ، ب)$ فإن $٤ + ب = ٩$
- ٢١ إذا كانت : $س \in ع$ فإن النقطة $(-س ، ٣)$ تقع في الربع الرابع.....

- ٤٦ إذا كانت د(س) = س - ٢ فإن د(٢) =
 ٤٧ الدالة الخطية المعرفة بالقاعدة ص = س + ٧ يمثلها بيانياً يقطع محور س في النقطة
 ٤٨ الدالة الخطية المعرفة بالقاعدة ص = س - ١ يمثلها بيانياً يقطع محور ص في النقطة
 ٤٩ إذا كانت د(س) = س - ٦ وكان $\frac{1}{3}D(2) = -2$ فإن ٤ = صفر
 ٥٠ إذا كانت د(س) = س إلى المجموعة س إلى المجموعة ص فإن مدى الدالة د يكون صفر
 ٥١ إذا كانت د(س) = س - ٣ فإن ٤ : ب =
 ٥٢ الدالة د(س) = س + ٨ كثيرة حدود من الدرجة
 ٥٣ إذا كانت د(س) = س - ٤ يمثلها بيانياً مستقيم يمر بالنقطة
 ٥٤ إذا كانت د(س) = س - ٢ فإن د(٣) =
 ٥٥ د(س) = س(س + ٢) من الدرجة
 ٥٦ الدالة د(س) = ٥ يمثلها بيانياً خط مستقيم يمر بالنقطة
 ٥٧ إذا كانت د(س) = ك س + ٨ ، د(٢) = صفر فإن ك =
 ٥٨ إذا كانت (٢ ، ب) ∈ بيان الدالة حيث د(س) = س - ٦ فإن ب = صفر
 ٥٩ إذا كان {٢ × {س ، ص} = {٢ ، ٤ ، ٢ ، ٣}} فإن س - ص =
 ٦٠ إذا كانت د(س) = ٧ فإن د(-٣) =
 ٦١ إذا كانت (٢ ، -٦) ∈ للدالة د(س) = ك س + ٨ فإن ك =
 ٦٢ إذا كانت د(س) = س - ٣ فإن د(١) + د(-١) =
 ٦٣ إذا كان المستقيم د(س) = ٢ س - ٤ يمر بنقطة الأصل
 ٦٤ إذا كانت د(س) = ٣ فإن : $D(\frac{6}{5}) = \frac{1}{1}$
 ٦٥ إذا كانت (٤ ، ٤) تقع على المستقيم د(س) = ٢ س + ب فإن : ٦ + ٣ ب =
 ٦٦ الدالة د : د(س) = س + ٤ حيث ٤ ≠ ٠ من الدرجة الثانية
 ٦٧ إذا كانت النقطة (٢ ، ٤ - ١) تقع على المستقيم المماثل للدالة
 ٦٨ د(س) = ٤ س - ٥ فإن : ٤ =
 ٦٩ إذا كانت د(س) = ٤ فإن د(٥) + (٥) =
 ٧٠ إذا كانت س = {١ ، ٣ ، ٥} ، ع دالة على س ،
 ٧١ بيان ع = {(٤ ، ٣) ، (ب ، ١) ، (١ ، ٥)} فإن ٤ + ب =
 ٧٢ إذا كان د(س) = ٤ ، م(س) = ٢ س - ١ فإن د(-٢) + د(٣) =
 ٧٣ إذا كانت د(س) = ٦ س فإن د(٢) + (٢) =
 ٧٤ إذا كانت د(س) = س - ٣ فإن د(٣) =
 ٧٥ إذا كانت د(س) = س + ٨ ، د(٢) =
 ٧٦ إذا كانت د(س) = س - ٦ وكان $\frac{1}{3}D(2) = -2$ فإن ٤ =
 ٧٧ إذا كانت د دالة من المجموعة س إلى المجموعة ص فإن مدى
 ٧٨ إذا كانت د يكون
 ٧٩ الثالث المناسب للكميات ٣ ، ٤ ، ٨ هو
 ٨٠ الوسط المناسب بين ٤ ، ٩ هو
 ٨١ إذا كانت ٢ ، ٦ ، س ، ١٥ متناسبة فإن س =
 ٨٢ الثالث المناسب للعددين ٣ ، ٦ هو
 ٨٣ الرابع المناسب ٢ ، ٣ ، ٤ هو
 ٨٤ الرابع المناسب ٤ ، ١٢ ، ١٦ هو
 ٨٥ الثاني المناسب للأعداد ٢ ، ٨ ، ١٢ هو
 ٨٦ الثالث المناسب بين ٥ ، ١٠ هو
 ٨٧ إذا كانت الكميات ٢ ، ٦ ، ٣ ، س - ١ متناسبة فإن س =
 ٨٨ إذا كان : ٢ ، ٣ ، ب ، ٥ كميات متناسبة فإن $\frac{2}{3} = \frac{5}{b}$
 ٨٩ إذا كان $b = \frac{4}{3} = \frac{5}{d} = \frac{5}{c} = m$ فإن $\frac{2}{3} \frac{5}{d} = \frac{5}{m}$
 ٩٠ إذا كان : ٢ = ٣ ب فإن : $\frac{2}{3} = \frac{3}{b}$
 ٩١ الوسط المناسب بين ٣ س ، ٢٧ س =
 ٩٢ إذا كانت ٢ ، ب ، ٢ ، ٣ كميات متناسبة فإن $\frac{2}{3} = \frac{3}{b}$
 ٩٣ إذا كان ١ ، س ، ٤ في تناوب متسلسل فإن س =
 ٩٤ إذا كان $b = \frac{4}{3} = \frac{5}{c} = \frac{5}{d}$
 ٩٥ إذا كانت ٢ ، ٦ ، س + ١٥ في تناوب فإن س =
 ٩٦ إذا كانت ١ ، س ، ٩ ، ص في تناوب متسلسل فإن
 ٩٧ إذا كان : ٤ س - ١٢ س ص + ٩ ص = ٠ فإن $\frac{S}{2} = \frac{9}{C}$
 ٩٨ إذا كان $b = \frac{4}{3} = \frac{2}{c} = \frac{2}{d}$
 ٩٩ إذا كان $b = \frac{5}{9} = \frac{7}{2} = \frac{2}{c+b}$

١٢٦ أصغر مفردات هذه المجموعة يساوي ٣٦

١٢٧ العلاقة التي تمثل تغيراً طردياً بين المتغيرين س ، ص هي
.....

$$[س ص = ٥ ، ص = س + ٣ ، \frac{س}{٣} = \frac{ص}{٤} ، \frac{س}{٥} = \frac{ص}{٢}]$$

التراكمي

إذا كان ف عدداً فإن العدد الفردي التالي له هو ف + ٢

$$[٥ ، ٢] = \{٥ ، ٢\} [٥ ، ٢]$$

$$\supset \{٢ ، ١\} \emptyset$$

$$١ = ٤ - ٥ = (٢ + \sqrt{٥})(\sqrt{٥} - ٢)$$

الثالثة الحد الجبري ٣ ب ج من الدرجة

$$[٧ ، ٢] = \{٧ ، ٢\} - [٧ ، ٢]$$

$$\text{إذا كان } (٢ - ب)^٢ = ٢٠ ، ٢٠ + ب^٢ = ١٠ \text{ فإن } ٢ ب = ٥$$

مجموعة حل المعادلة : س - ١ = ١ - ط في ط هي {٢}

مجموعة حل المتباينة : - ١ < س > ٣ في ع هي [-١ ، ٣]

$$[٦ ، ٥ ، ٣ ، ٢] = (٢^٣ - ٢^٢) (٢^٢ - ٢^١)$$

١١ ربع العدد ٤ = ٢٠ ١٩ ١٢ نصف العدد ٢ = ١٠ ٢

$$٠٣ = ٤٣ + ٤٣ = ٤٣ + ٤٣$$

$$١٠٢ = ٨٢ + ٨٢ + ٨٢ + ٨٢$$

$$٦٦ = ٧٣ \times ٢$$

إذا كان س^٢ - ص^٢ = ٢ (س + ص) فإن س - ص = ٢

إذا كان س + ص = ٥ ، س - ص = ٢ فإن س^٢ - ص^٢ = ١٠

١٧ خمسة أمثال العدد ٥ هو ٥ \times ٥ = ٢٥

العدد الذي يقع بين ٧ و ١٠ و ٨ و ١٠ هو

$$[١٩] [٠٧٥ ، ٠٠٧٥ ، ٠٠٠٧٥]$$

٢٠ مراافق العدد \sqrt{٣} + \sqrt{٥} هو

إذا كان : س = \frac{٢}{٨} فإن س = ٢ -

$$\frac{٨}{٢} = \frac{٢}{٢}$$

$$٢ = ٢ \times \frac{٢}{٢}$$

إذا كان ٢ + ب = ٥ ب = ٢ ب فإن ٢ ب + ٢ ب = ٢٥

٥ - ٥ = صفر = ١٢٥ \sqrt{٣} - ٢٥ \sqrt{٣}

١٠٠ إذا كان \frac{s}{٦} = \frac{ص}{٤} = \frac{ع}{١١} = \frac{٢ ص + ع}{١١}

١٠١ إذا كانت ص = ٣ س فإن ص \propto س

١٠٢ إذا كان س ص - ٧ = ٠ فإن ص \propto \frac{١}{س}

١٠٣ إذا كانت ص \propto س وكانت س = ١ ، ص = ٤ فإن : \frac{١}{٤}

١٠٤ ثابت التناوب = إذا كانت ص \propto س وكانت ص = ١ ، عندما س = ٤ فإن : \frac{١}{٢}

١٠٥ إذا كانت ص \propto س وكانت ص = ٢ عندما س = ٤ فإن : \frac{١}{٢} ص = س

١٠٦ إذا كانت ص تتناسب عكسياً مع س وكانت ص = ٢ عندما س = ١ فإن ص = \frac{٢}{س}

١٠٧ إذا كانت ص - ٦ س ص + ٩ س = ٠ فإن ص س

١٠٨ إذا كانت س ص - ٤ س ص + ٤ = ٠ فإن ص \frac{١}{س}

١٠٩ إذا كانت ص \propto س فإن : \frac{س}{٢} = \frac{ص}{٢}

١١٠ إذا كانت ص \propto \frac{١}{س} فإن : \frac{س}{٢} = \frac{ص}{١}

١١١ إذا كان ص - س = \frac{١}{س} - \frac{١}{ص} فإن ص \propto س

١١٢ الوسط الحسابي للقيم : ٧ ، ٦ ، ٣ ، ٦ ، ٩ ، ٥ هو ٦

١١٣ إذا كان مج (س - س) = ٣٦ لمجموعة من القيم عددها ٢ يساوي ٩ فإن : ٥ = ٢

١١٤ من أساليب جمع البيانات أسلوب الحصر الشامل وأسلوب العنبات

١١٥ الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة يسمى المدى

١١٦ الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن الاترافي المعياري وسطها الحسابي يسمى المدى للقيم : ٥ ، ١٤ ، ١٤ ، ٢١ ، ٤ ، ١٦ ، ١٢ هو ١٧

١١٧ اختيار عينة من طبقات المجتمع الإحصائي تسمى بالعينة [العشوانية ، الطبقية ، العمدية ، العنقودية]

١١٨ من مقاييس التشتت المدى والانحراف المعياري

١٢٠ إذا كان الوسط الحسابي للقيم : ٤ ، ٥ ، ٣ ، ٥ ، ٧ يساوي ٦ فإن ٩ = ٤ :

١٢١ من مقاييس النزعة المركزية المنوال والوسيط والوسط الحسابي

١٢٢ أبسط مقاييس التشتت المدى

١٢٣ أكثر مقاييس التشتت انتشاراً وأدقها الانحراف المعياري

١٢٤ المدى للقيم : ٤ ، ١٤ ، ١٤ ، ٢٥ ، ٣٤ هو ٣٠

١٢٥ إذا كان ٦٥ هي أكبر مفردات مجموعة ما وكان المدى ٢٩ فإن صفر

٧ إذا كانت $S = \{1, 0, -1, -2, -3\}$

١ إذا كان $(S - 1, 27) = (5, \text{ص})$ أوجد قيمة S ، بـ

الحل :

$$S - 1 = 5 \therefore S = 6 \\ \text{ص} = 27 \therefore \text{ص} = \sqrt[3]{27}$$

٢ إذا كان : $(S - 3, \text{ص} + 2) = (-4, 4)$

أوجد قيمة : $\text{ص} + S$

$$\text{الحل : } S - 3 = -4 \therefore S = -1 \\ \text{ص} + 2 = 4 \therefore \text{ص} = 2 \\ \therefore \text{ص} + S = \sqrt[3]{2 + 7} = \sqrt[3]{9}$$

٣ إذا كان : $(S - 2, \text{ص} + 1) = (5, 2)$ أوجد قيمة S ، ص

الحل :

$$S - 2 = 5 \therefore S = 7 \\ \text{ص} + 1 = 2 \therefore \text{ص} = 1$$

٤ إذا كان $(S - 1, 9) = (4, \text{ص} + 1)$ أوجد قيمة S ، ص

الحل :

$$S - 1 = 4 \therefore S = 5 \\ \text{ص} + 1 = 9 \therefore \text{ص} = 8$$

٥ إذا كان $(S - 1, 29) = (4, \text{ص} + 2)$ أوجد : $S + 2$ ص

الحل :

$$S - 1 = 4 \therefore S = 5 \\ \text{ص} + 2 = 29 \therefore \text{ص} = 27$$

٦ إذا كانت $S = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ ، ص = {١، ٢، ٣، ٤، ٥}

و كانت عـلاقة معرفـة من سـهـ إلى صـهـ حيث بـتعـنى أن " $A + B = 7$ " لـكـل $A \in S$ ، بـ \exists صـهـ اـكتـبـ بـيـانـعـ وـمـثـلـهاـ بـمـخـطـطـ سـهـميـ .ـ بـيـنـ أـنـعـ دـالـةـ .ـ أـوجـدـ مـداـهاـ .ـ

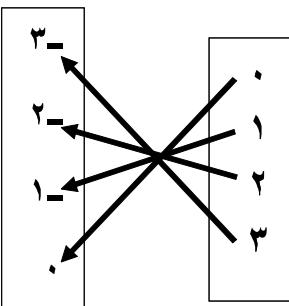
الحل :

بيان ع = {١، ٢، ٣، ٤، ٥}

عـدـالـةـ لـأـنـ كـلـ عـنـصـرـ مـنـ عـنـاصـرـ سـهـ

خرجـمـنـهـ سـهـمـ وـاـحـدـ فـقـطـ

المدى = {٥، ٨، ٩}



عـدـالـةـ لـأـنـ كـلـ عـنـصـرـ مـنـ عـنـاصـرـ سـهـ

خرجـمـنـهـ سـهـمـ وـاـحـدـ فـقـطـ

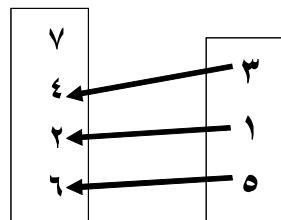
المدى = {٣، ٢، ١، ٠}

٧ إذا كانت $S = \{3, 1, 5, 0, 2\}$ ، ص = {٦، ٤، ٧}

وـكـانتـ عـلـاقـةـ مـعـرـفـةـ مـنـ سـهـ إـلـىـ صـهـ حيثـ بـتعـنىـ أنـ " $A + B = 1$ " لـكـلـ $A \in S$ ، بـ \exists صـهـ اـكتـبـ بـيـانـعـ وـمـثـلـهاـ بـمـخـطـطـ سـهـميـ .ـ بـيـنـ أـنـعـ دـالـةـ .ـ أـوجـدـ مـداـهاـ .ـ

الحل :

بيان ع = {٣، ٤، ٥، ٦، ٧}



عـدـالـةـ لـأـنـ كـلـ عـنـصـرـ مـنـ عـنـاصـرـ سـهـ

خرجـمـنـهـ سـهـمـ وـاـحـدـ فـقـطـ

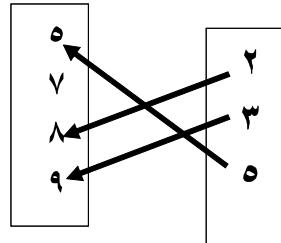
المدى = {٦، ٤، ٥}

٩ إذا كانت $S = \{5, 2, 3, 0, 9\}$ ، ص = {٥، ٨، ٧، ٥}

وـكـانتـ عـلـاقـةـ مـعـرـفـةـ مـنـ سـهـ إـلـىـ صـهـ حيثـ بـتعـنىـ أنـ " $A + B = 7$ " لـكـلـ $A \in S$ ، بـ \exists صـهـ اـكتـبـ بـيـانـعـ وـمـثـلـهاـ بـمـخـطـطـ سـهـميـ .ـ بـيـنـ أـنـعـ دـالـةـ .ـ أـوجـدـ مـداـهاـ .ـ

الحل :

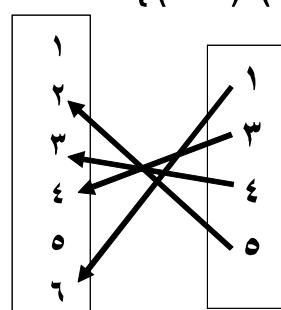
بيان ع = {٥، ٨، ٩، ٣، ٤}



عـدـالـةـ لـأـنـ كـلـ عـنـصـرـ مـنـ عـنـاصـرـ سـهـ

خرجـمـنـهـ سـهـمـ وـاـحـدـ فـقـطـ

المدى = {٩، ٨، ٥}



عـدـالـةـ لـأـنـ كـلـ عـنـصـرـ مـنـ عـنـاصـرـ سـهـ

خرجـمـنـهـ سـهـمـ وـاـحـدـ فـقـطـ

المدى = {٦، ٤، ٣، ٢}

١٣ إذا كانت $S = \{1, 1, 1, 1, 1\}$ ، $C = \{1, 3, 2, 4, 1\}$ فما هي $S \times C$ ؟
 أوجد $(1) S \times C$ $(2) C \times S$ $(3) S \cap C$

الحل :

$$(1) C = \{1, 3, 2\}$$

$$(2) S \times C = \{(1, 1), (1, 3), (1, 2)\}$$

$$(3) S \cap C = \{3\}$$

١٤ إذا كانت $S = \{1, 2, 3, 5, 6\}$ ، $C = \{3, 5, 6, 9, 12\}$ فما هي $S \times C$ ؟
 أوجد $(1) S \cap C$ $(2) S \cup C$

الحل :

$$(1) (S \cap C) \times C = \{5, 3\} \times \{3, 5, 6, 9, 12\}$$

$$\{(6, 5), (6, 3), (5, 3), (5, 5), (6, 3), (9, 3), (12, 3)\} =$$

$$(2) S \cap C = \{3\}$$

١٥ إذا كانت $S = \{2\}$ ، $C = \{5, 3\}$ ، $U = \{7, 5, 2\}$

$$\text{أوجد } (U - S) \times (S \cap C)$$

الحل :

$$(U - S) \times (S \cap C) = \{7, 5\} \times \{5, 3\}$$

$$\{(5, 7), (3, 7), (5, 5), (3, 5), (2, 7), (2, 5)\} =$$

١٦ إذا كان $S = \{4, 3, 2, 1\}$ ، $C = \{5, 6, 7, 8\}$ ، $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$

$$\text{فما هي } (1) S \times (C \cap U) \quad (2) (S - C) \times U$$

$$(3) (S - C) \times (C - U)$$

الحل :

$$(1) S \times (C \cap U) = \{5\} \times \{3, 2\}$$

$$\{(5, 3), (5, 2)\} =$$

$$(2) (S - C) \times U = \{5, 6\} \times \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$$

$$\{(5, 1), (5, 2), (5, 3), (5, 4), (5, 5), (5, 6), (5, 7), (5, 8)\} =$$

$$(3) (S - C) \times (C - U) = \{4\} \times \{3, 2\} = \{(4, 3), (4, 2)\}$$

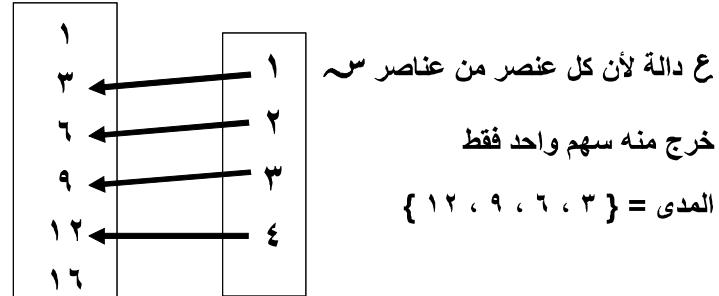
١٧ إذا كان $S = \{1\}$ ، $C = \{2, 3, 4\}$ ، $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

$$\text{أوجد } (1) S \times C \quad (2) S \times (C \cap U)$$

أجب بنفسك

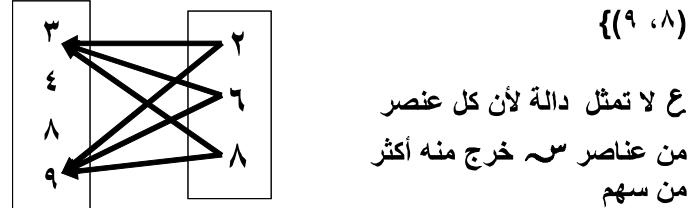
١٠ إذا كانت $S = \{1, 2, 3, 4, 1\}$ ، $C = \{1, 3, 2, 4, 1\}$ وكانت U علامة معرفة من S إلى C حيث U بتعني أن " $M = B$ " لكل $\forall S \in S$ ، $B \in C$ اكتب بيان U ومثلها بمخطط سهمي . بين أن U دالة . أوجد مادتها .
 الحل :

$$\text{بيان } U = \{(1, 1), (1, 3), (1, 2), (4, 3), (4, 2)\}$$



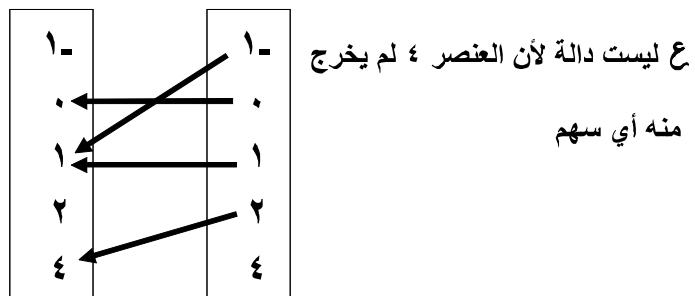
١١ إذا كانت $S = \{1, 2, 3, 4, 8, 6, 9\}$ ، $C = \{3, 6, 9, 2, 1, 4\}$ وكانت U علامة معرفة من S إلى C حيث U بتعني أن " $M + B = A$ " عدد فردي" لكل $\forall S \in S$ ، $B \in C$ اكتب بيان U ومثلها بمخطط سهمي . هل U دالة أم لا .
 الحل :

$$\text{بيان } U = \{(2, 3), (3, 2), (9, 6), (6, 9), (3, 1), (1, 4), (9, 8)\}$$



١٢ إذا كانت $S = \{-1, 1, 0, 2, 4\}$ وكانت U علامة معرفة على S حيث U بتعني أن " $M = B$ " لـ "لكل $\forall S \in S$ ، $B \in C$ اكتب بيان U ومثلها بمخطط سهمي . هل U دالة أم لا ؟ ولماذا ؟
 الحل :

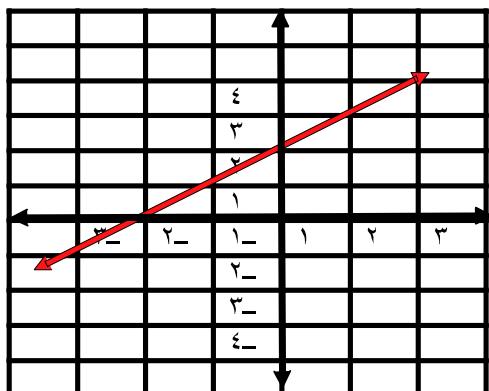
$$\text{بيان } U = \{(-1, 1), (1, 1), (0, 0), (2, 2), (4, 4)\}$$



٢٣ مثل بيانيًا $D(s) = s + 2$ ومن الرسم أوجد مساحة سطح المثلث المحصور بين المستقيم ومحوري الإحداثيات.

١	٢	٠	s
٣	٠	٢	$D(s)$

الحل :



٢٦

: المستقيم يقطع محور صه في (٠ ، ٢) ومحور سه في (٢ ، ٠)

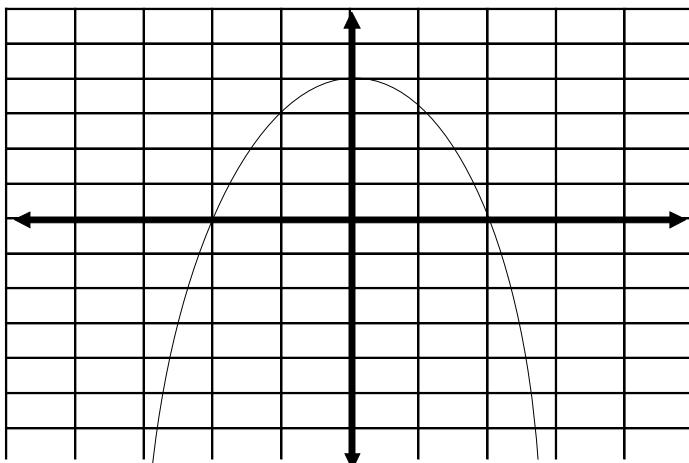
$$\therefore \text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} (٢ \times ٢) = ٢ \text{ و . م}$$

٤ مثل بيانيًا : $D(s) = 4 - s^2$ مت خذًا س $\in [-3, 3]$

ومن الرسم أوجد : ١) إحداثي رأس المنحنى ٢) معادلة محور التمايل ٣) القيمة العظمى أو الصغرى للدالة

الحل :

٣	٢	١	٠	١	٢	٣	s
٥	٠	٣	٤	٣	٠	٥	$D(s)$



نقطة رأس المنحنى (٠ ، ٤) معادلة محور التمايل : س = صفر القيمة العظمى للدالة = ٤

٥ مثل بيانيًا : $D(s) = s^2 - 1$ مت خذًا س $\in [-3, 3]$

ومن الرسم أوجد : ١) إحداثي رأس المنحنى ٢) معادلة محور التمايل ٣) القيمة العظمى أو الصغرى للدالة

١٨ إذا كان المستقيم الممثل للدالة $D(s) = 6s - 4$ يقطع محور

صه في النقطة (ب ، ٣) أوجد قيمة : ٢ + ب

الحل :

: المستقيم يقطع محور صه في النقطة (ب ، ٣) $\therefore b = 0$

$$2 = 3 - 4 \therefore b = 2$$

$$6 = 0 \times 7 + 3 - 4 \times 2 \therefore b = 7 + 4 - 8 = 3$$

١٩ إذا كانت : $D(s) = s^3 - 3s$ ، $M(s) = s - 3$

(١) أوجد : $D(2) + M(2)$ (٢) أثبت أن : $D(3) = M(3) = \text{صفر}$

الحل :

$$(1) D(2) = 2 \times 3 - 4 = 2 \times 3 - 6 = 6 - 4 = 2$$

$$M(2) = 2 - 2 = 0 \therefore D(2) + M(2) = 2 - 2 = 0$$

$$(2) D(3) = 3^3 - 9 = 27 - 9 = 18 \therefore D(3) = M(3) = \text{صفر}$$

$$M(3) = 3 - 3 = 0 \therefore D(3) = M(3) = \text{صفر}$$

٢٠ إذا كان المستقيم الذي يمثل الدالة د : $D(s) = 2s + 4$

د (٣) = ٩ أوجد قيمة ٩ ، نقطة تقاطعه مع محور سه

الحل :

$$\therefore D(3) = 2s + 4 = 9 \therefore s = \frac{5}{2}$$

$$9 = 2 + 3 \times 2 \therefore 9 = 2 + 6 \therefore 9 = 8$$

لإيجاد نقطة تقاطعه مع محور سه نضع ص = صفر

$$\frac{3}{2}s + 4 = 0 \therefore s = -\frac{8}{3} \therefore \text{نقطة تقاطع المستقيم مع محور سه هي } (-\frac{8}{3}, 0)$$

٢١ إذا كان المستقيم الممثل للدالة $D(s) = 4s + b$ يقطع محور

سه في النقطة (٣ ، ٠) ومحور صه في النقطة (٠ ، ٣) أوجد قيمة

كل من ٤ ، ب ثم أوجد قيمة د (١)

الحل : :: النقطة (٠ ، ٣) تحقق العلاقة

$$D(s) = 4s + b \therefore 3 = 4 \times 0 + b \therefore b = 3$$

:: د (٠) = ٤س - ٣ تتحقق العلاقة

$$\therefore 3 = 4 \times 3 - b \therefore b = 9$$

$$\therefore D(1) = 4 - 3 = 1$$

٢٢ إذا كان المستقيم $D(s) = 6s - 9$ يقطع محور سه في

النقطة (٦ ، م - ٢) أوجد قيمة م ، ك

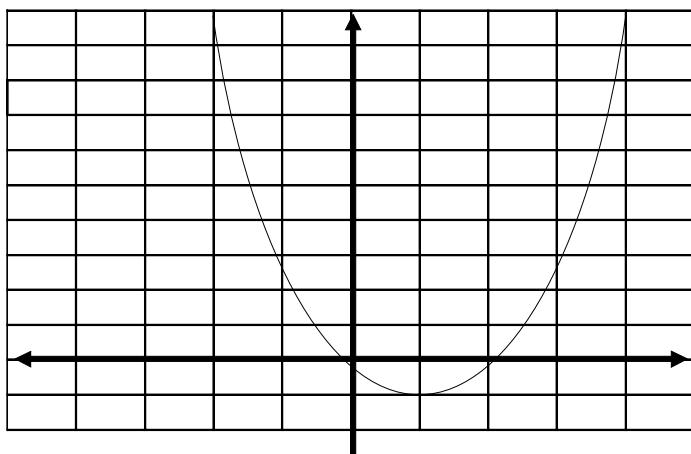
أجب بنفسك

٣٠ مثل بيانياً : $D(s) = s^2 - 2s$ متذبذباً $\in [4, 2]$

ومن الرسم أوجد : ١) إحداثي رأس المنحنى
٢) معادلة محور التماثل ٣) القيمة العظمى أو الصغرى للدالة

الحل :

٤	٣	٢	١	٠	-١	-٢	s
٨	٣	٠	-١	٠	٣	٨	$D(s)$

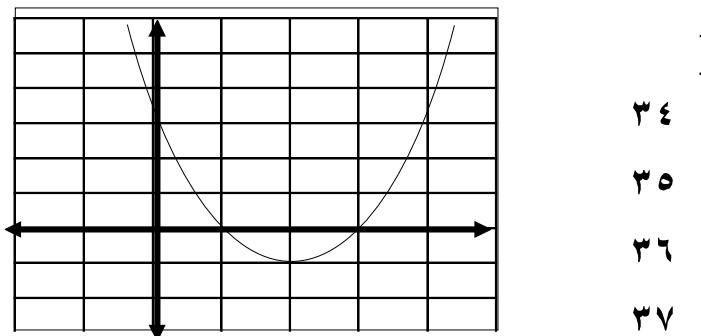


نقطة رأس المنحنى $(1, -1)$ معادلة محور التماثل : $s = 1$
القيمة الصغرى للدالة = -١

٣١ رسم منحنى الدالة D : $D(s) = s^2 - 4s + 3$ حيث
 $s \in [0, 4]$ ومن الرسم أوجد :
معادلة محور التماثل ، القيمة العظمى أو الصغرى للدالة .

الحل :

٤	٣	٢	١	٠	s
٣	٠	-١	٠	٣	$D(s)$



نقطة رأس المنحنى $(2, -1)$ معادلة محور التماثل : $s = 2$
القيمة الصغرى للدالة = -١

٣٣ إذا كانت النقطة $(4, 8)$ تقع على المستقيم الممثل للدالة D :

$$D(s) = 3s - 7 \text{ أوجد قيمة } s$$

$$\text{الحل : } \therefore (4, 8) \in \text{المستقيم}$$

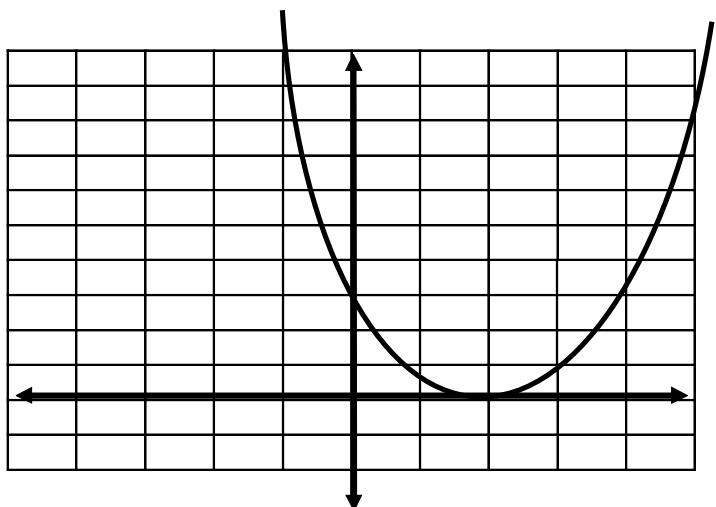
$$0 = 4 \quad \therefore 10 = 4s \quad \therefore s = 2.5$$

٢٦ مثل بيانياً : $D(s) = (s - 2)^2$ متذبذباً $\in [5, 1]$

ومن الرسم أوجد : ١) إحداثي رأس المنحنى
٢) معادلة محور التماثل ٣) القيمة العظمى أو الصغرى للدالة

الحل :

٥	٤	٣	٢	١	٠	-١	s
٩	٤	١	٠	١	٤	٩	$D(s)$



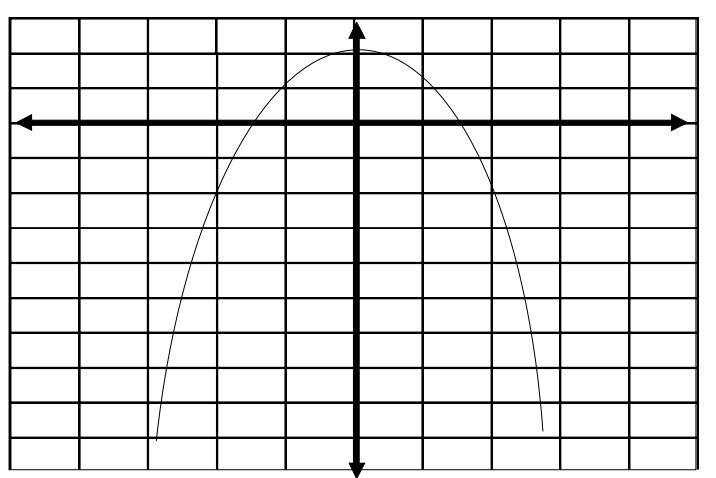
نقطة رأس المنحنى $(2, 0)$ معادلة محور التماثل $s = 2$
القيمة الصغرى للدالة = صفر

٢٧ مثل بيانياً : $D(s) = 2 - s^2$ متذبذباً $\in [-3, 3]$

ومن الرسم أوجد : ١) إحداثي رأس المنحنى
٢) معادلة محور التماثل ٣) القيمة العظمى أو الصغرى للدالة

الحل :

٣	٢	١	٠	-١	-٢	-٣	s
٧	٢	١	٢	١	٢	٧	$D(s)$



نقطة رأس المنحنى $(0, 2)$ معادلة محور التماثل : $s = 0$
القيمة العظمى للدالة = 2

٢٨ مثل بيانياً $D(s) = s^2 - 4$ متذبذباً $\in [-3, 3]$

٢٩ مثل بيانياً $D(s) = (s - 3)^2$ متذبذباً $\in [6, 0]$

٣٩ إذا كان $\frac{s}{c} = \frac{3}{4}$ فأوجد قيمة $\frac{3s+c}{s+5c}$

الحل : $s = 3m$ ، $c = 4m$

$$\frac{13}{23} = \frac{m^9 + m^6 + m^3 + m}{m^3 + m^5 + m^2 + m} = \frac{3s + c}{s + 5c}$$

٤٠ إذا كان $\frac{1}{9} = \frac{1}{3} - \frac{1}{b}$ ، $\frac{1}{9} = \frac{1}{3} - \frac{1}{j}$
وكان $b + j = 26$ أوجد كلاً من b ، j ، g

الحل : $b = 4m$ ، $b = 3m$ ، $j = 9m$

$$26 = m^3 + m^9 \quad \therefore b + j + g = 26$$

$$26 = m^3 + m^9 \quad \therefore m = 13m$$

$$18 = 2 \times 9 \quad , \quad b = 2 \times 3 = 6 \quad , \quad j = 2 \times 9 = 18$$

٤١ إذا كان : $\frac{s}{2} = \frac{c}{3} = \frac{u}{4} = \frac{s-c+5}{3m}$ أوجد m

الحل : بضرب النسبة الأولى $\times 2$ والثانية $\times 1$ والثالثة $\times 4$ وجمع النسب:

$$\therefore \frac{2s-c+5}{4} = \frac{2s-c+5}{20+3m} = \text{إحدى النسب}$$

$$\therefore m^3 = 21 \quad \therefore m = 7$$

٤٢ إذا كانت a ، b ، c ، d كميات متناسبة فأثبت أن :

$$(1) \quad \frac{a}{b-c} = \frac{c}{d-b}$$

الحل : $a:b:c:d$ كميات متناسبة

$$\therefore \frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{b}{m} = \frac{m}{b-m}$$

$$\text{الأيمان} = \frac{m}{b-m} = \frac{b}{b(m-1)} = \frac{b}{b-m}$$

$$\text{اليسير} = \frac{d}{d-m} = \frac{d}{d(1-\frac{m}{d})} = \frac{d}{d-m}$$

∴ الطرفان متساويان

$$(2) \quad \frac{a}{b+d} = \frac{c}{b+d} = \frac{b}{b+m}$$

الحل :

$$\text{الأيمان} = \frac{b^2 + d^2 + m^2}{b^2 + d^2} = \frac{m^2(b^2 + d^2)}{b^2 + d^2} = m^2$$

$$\text{اليسير} = \frac{b^2 + d^2}{b^2 + d^2} = m^2$$

∴ الطرفان متساويان

٤٣ أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى حدّي النسبة $7:11$ فإنها تصبح $2:3$

$$\text{نفرض أن العدد } s \quad \therefore \frac{s+7}{s+11} = \frac{2}{3}$$

$$\therefore 3s + 21 = 2s + 22 \quad \therefore s = 1$$

∴ العدد هو 1

٤٥ عدآن صحيحان النسبة بينهما ٧ : ٦ إذا طرح من كل منها ٥ أصبحت النسبة بينهما ١ : ٣ أوجد العدين .

$$\text{نفرض أن العدين } 3s \text{ ، } 7s \quad \therefore \frac{3s-5}{7s-5} = \frac{1}{3}$$

$$\therefore 9s - 15 = 7s - 5 \quad \therefore s = 5$$

$$\therefore 2s = 10 \quad \therefore s = 5$$

$$\therefore \text{العدد الأول} = 5 \times 3 = 15 \quad , \quad \text{العدد الثاني} = 5 \times 7 = 35$$

٤٦ أوجد العدد الموجب الذي إذا أضيف مربعه إلى كل من حدّي النسبة $7:11$ فإنها تصبح $5:4$

الحل :

$$\text{نفرض أن العدد } s \text{ ، مربعه } s^2 \quad \therefore \frac{s^2+7}{s^2+11} = \frac{4}{5}$$

$$\therefore 5s^2 + 35 = 4s^2 + 44 \quad \therefore 5s^2 - 4s^2 = 44 - 35 = 9$$

$$\therefore s^2 = 9 \quad \therefore s = \pm 3 \quad \therefore \text{العدد هو } 3$$

٤٧ عدآن صحيحان النسبة بينهما ٢ : ٣ وإذا أضيف للأول ٧ وطرح من الثاني ١٢ صارت النسبة بينهما ٥ : ٣ أوجد العدين .

الحل : نفرض أن العدين $2s$ ، $3s$

$$\therefore \frac{2s+7}{2s+12} = \frac{5}{3} \quad \therefore 6s + 21 = 15s - 60$$

$$\therefore 15s - 6s = 21 + 60 \quad \therefore s = 9$$

$$\therefore \text{العدد الأول} = 9 \times 2 = 18 \quad , \quad \text{العدد الثاني} = 9 \times 3 = 27$$

٤٨ إذا كانت $5 = 3b$ أوجد قيمة $\frac{9+27}{2+24}$

الحل :

$$\therefore \frac{5}{b} = \frac{3}{3} = 1 \quad \therefore 5 = 3m \quad , \quad b = 5m$$

$$\therefore \frac{9+27}{2+24} = \frac{45+21}{12+10} = \frac{56}{22} = \frac{28}{11}$$

$$\therefore \frac{28}{11} = \frac{66}{22} = 3$$

تدريب : إذا كان $\frac{1}{b} = \frac{2}{5}$ أوجد قيمة $\frac{27-2b}{2+24}$

$$\boxed{4} \text{ إذا كانت } \frac{ج}{د} = \frac{ب}{ب-م} \text{ فثبت أن } م, ب, ج, د \text{ متناسبة}$$

$$\text{الحل: } \frac{ج}{د} = \frac{ب}{ب-م} \Rightarrow ب-ج = ب-م \cdot د$$

$$\therefore د = ب \cdot \frac{ج}{ب}$$

$\therefore م, ب, ج, د$ متناسبة

$$\boxed{4} \text{ إذا كان: } \frac{س}{ص} = \frac{ع}{ع-م} \text{ فثبت أن:}$$

$$(1) \frac{1}{2} \cdot \frac{ص-ع}{ع-م} = \frac{ص}{س}$$

$$\text{الحل: } \because س = 3m, ص = 4m, ع = 5m$$

$$\text{الأيمان} = \frac{3}{3} \times \frac{4}{4} \times \frac{5}{5} = \frac{3 \cdot 4 \cdot 5}{3 \cdot 4 \cdot 5 + 3 \cdot 4 \cdot 1} = \frac{3}{3+4+1} = \frac{3}{8} = \frac{1}{2}$$

$$(2) \sqrt[3]{س^3 + ص^3 + ع^3} = 2س + ص$$

$$\text{الحل: } \because س = 3m, ص = 4m, ع = 5m$$

$$\text{الأيمان} = \sqrt[3]{(3m)^3 + (4m)^3 + (5m)^3}$$

$$= \sqrt[3]{27m^3 + 64m^3 + 125m^3} = \sqrt[3]{216m^3} = 6m$$

$$\text{الأيسر} = 2 \cdot 3m + 4m = 6m + 4m = 10m$$

\therefore الطرفان متساويان

$$\boxed{4} \text{ إذا كان } م, ب, ج, د \text{ في تناوب متسلسل فثبت أن:}$$

$$\frac{ج - د}{م - ب} = \frac{ب - د}{ب - ج}$$

\therefore الطرفان متساويان

$$\therefore \frac{م}{ب} = \frac{ب}{ج} = \frac{ج}{د} = m$$

$$\therefore م = دm^2, ب = دm^2, ج = دm^2$$

$$\text{الأيمان} = \frac{دm^2 - دm}{دm^2 - دm} = \frac{د(m^2 - 1)}{دm^2 - دm} = \frac{د}{د} = 1$$

$$\text{الأيسر} = \frac{د}{د} = \frac{د}{د} = 1$$

\therefore الطرفان متساويان

$$\frac{ب-ج}{ب-د} = \frac{ج-د}{ج-ب} \quad (3)$$

الحل:

$$\text{الأيمان} = \frac{ب-ج}{ب-د} = \frac{ب-ج}{ب-ج+m} = \frac{ب-ج}{ب-ج+m} = 3m$$

\therefore الطرفان متساويان

$$\boxed{4} \text{ إذا كانت } ب \text{ وسطاً متناسباً بين } م, ج \text{ فثبت أن:}$$

$$(1) \frac{ب-ج}{ب+ج} = \frac{ب}{ب-m}$$

الحل: \because ب وسطاً متناسباً بين م، ج

$$\therefore \frac{ب}{ب-m} = \frac{ب}{ج-m} = \frac{ب}{ج-m} = \frac{ب}{ج-m} = \frac{ب}{ج-m} = \frac{ب}{ج-m} = \frac{ب}{ج-m} = \frac{ب}{ج-m}$$

$$\text{الأيمان} = \frac{ج-m}{ج-m} = \frac{ج-m}{ج-m} = \frac{ج-m}{ج-m} = \frac{ج-m}{ج-m} = \frac{ج-m}{ج-m}$$

\therefore الطرفان متساويان

$$(2) \frac{ب-ج}{ب+ج} = \frac{ب}{ب-m}$$

الحل:

$$\text{الأيمان} = \frac{ب}{ب-m} = \frac{ب}{ب-m} = \frac{ب}{ب-m} = \frac{ب}{ب-m}$$

\therefore الطرفان متساويان

$$(3) \frac{ب-ج}{ب+ج} = \frac{ب}{ب-m}$$

الحل:

$$\text{الأيمان} = \frac{ب}{ب-m} = \frac{ب}{ب-m} = \frac{ب}{ب-m} = \frac{ب}{ب-m}$$

\therefore الطرفان متساويان

أجب بنفسك

$$(4) \frac{ب-ج}{ب+ج} = \frac{ب}{ب-m}$$

٤٧ إذا كان $\frac{ب}{ج} = \frac{ج - ٢}{ب - ٢}$

أثبت أن ب وسط متناسب بين ٢ ، ج

$$\text{الحل: } \frac{ب}{ج} = \frac{ج - ٢}{ب - ٢}$$

$$\therefore ب = ج - ٢$$

\therefore ب وسط متناسب بين ٢ ، ج

٤٨ إذا كان $\frac{ب + ج}{٦} = \frac{ج + ج}{٣}$ فاثبت أن:

$$\frac{ب + ج}{٦} = \frac{ج + ج}{٣}$$

الحل

بجمع مقدمات وتواли النسب الثلاث :

$$\therefore ب + ب + ج + ج = ج + ج + ج = \frac{ب + ب + ج}{٦} = \frac{ج + ج + ج}{٣}$$

= إحدى النسب $\leftarrow (١\right)$

بطرح النسبة الثانية من الأولى :

$$\therefore \frac{ب + ب - ج}{٣ - ٢} = \frac{ب - ج}{٢} = \text{إحدى النسب} \leftarrow (٢$$

$$\text{من (١) ، (٢) } \therefore \frac{ب + ب + ج}{٦} = \frac{ب - ج}{٢} \text{ ينتج أن}$$

$$\frac{ب + ب + ج}{٦} = \frac{ب - ج}{٢}$$

٤٩ إذا كانت: $\frac{ب + ص}{٥} = \frac{ص + ع}{٨} = \frac{ع + س}{٧}$ أثبت أن:

$$\frac{ب}{٢} = \frac{ص}{٣} = \frac{ع}{٤}$$

الحل

بضرب حدي النسبة الثانية $\times ١$ وجمع النسب الثلاث :

$$س + ص - ص - ع + ع + س = \frac{س}{٤} = \frac{س}{٢} = \text{إحدى النسب}$$

بضرب حدي النسبة الثالثة $\times ١$ وجمع النسب الثلاث :

$$س + ص + ص + ع - ع - س = \frac{ص}{٣} = \frac{ص}{٦} = \text{إحدى النسب}$$

بضرب حدي النسبة الثالثة $\times ١$ وجمع النسب الثلاث :

$$س - ص + ص + ع + ع + س = \frac{ع}{٦} = \frac{ع}{٢} = \text{إحدى النسب}$$

$$\text{من (١) ، (٢) ، (٣) ينتج أن } \frac{س}{٢} = \frac{ص}{٣} = \frac{ع}{٤}$$

٥٠ إذا كانت: $\frac{س}{ب + ج} = \frac{ص}{٢} = \frac{ع}{ج - ٢}$

$$\text{أثبت أن: } \frac{س + ص}{ب + ج} = \frac{س + ص}{ب + ج} = \frac{س + ص + ع}{ب + ج}$$

الحل

بضرب النسبة الأولى $\times ٢$ وجمع النسبتين الأولى والثانية

$$\therefore \frac{س + ص}{ب + ج} = \frac{س + ص}{ب + ج} = \frac{س + ص + ع}{ب + ج}$$

بضرب النسبة الأولى والثانية $\times ٢$ وجمع النسب الثلاث

$$\therefore \frac{س + ص + ع}{ب + ج} = \frac{س + ص + ع}{ب + ج} = \frac{س + ص + ع}{ب + ج}$$

= إحدى النسب

$$\text{من ١ ، ٢ ينتج أن: } \frac{س + ص}{ب + ج} = \frac{س + ص}{ب + ج} = \frac{س + ص + ع}{ب + ج}$$

٥١ إذا كانت: $\frac{س + ص}{ب + ج} = \frac{ص + ع}{٨} = \frac{ع + س}{٧}$

$$\text{أثبت أن: } \frac{س + ص + ع}{ب + ج} = \frac{س - ع}{ب - ج}$$

الحل

بجمع مقدمات وتواли النسب الثلاث :

$$\therefore س + ص + ص + ع + ع + س = \frac{٢(س + ص + ع)}{٨ + ٥ + ٧}$$

$$س + ص + ع = \frac{س + ص + ع}{ب + ج} = \text{إحدى النسب}$$

بطرح حدي النسبة الثانية من حدي النسبة الأولى

$$\therefore \frac{س + ص - ص - ع}{ب + ج} = \frac{س - ع}{ب - ج} = \text{إحدى النسب}$$

$$\text{من (١) ، (٢) } \frac{س + ص + ع}{ب + ج} = \frac{س - ع}{ب - ج} \text{ ينتج أن}$$

$$\therefore \frac{س + ص + ع}{ب + ج} = \frac{س - ع}{ب - ج}$$

٥٢ أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى ٧ ، ٩ ، ١٢ ، ١٥ فإنها تكون

متناسبة .

الحل:

$$\text{نفرض أن العدد } s \therefore \frac{s + ١٥}{s + ٩} = \frac{s + ١٢}{s + ٧}$$

$$(s + ٧)(s + ١٥) = (s + ٩)(s + ١٢)$$

$$\therefore س^٢ + ٢٢س + ١٠٥ = س^٢ + ٢١س + ١٠٨$$

$$\therefore ٢٢س - ٢١س = ١٠٨ - ١٠٥ \therefore س = ٣$$

العدد هو ٣

مراجعة ليلة الامتحان للصف الثالث الاعدادي مادة الرياضيات (فرع الجبر) الفصل الدراسي الأول

٥٧) إذا كانت ص تتغير عكسياً مع س ، وكانت ص = ١٠ عندما س = ٣ فأوجد ص عندما س = ٥

$$\begin{aligned} \text{الحل: } & \because \text{ص} \propto \frac{1}{س} \therefore \frac{\text{ص}}{\text{ص}} = \frac{س}{س} \\ & \therefore \frac{10}{ص} = \frac{3 \times 10}{6} \therefore \text{ص} = \frac{10}{5} = 2 \end{aligned}$$

٥٨) إذا كانت ص $\propto \frac{1}{س}$ وكانت ص = ٢ عندما س = ٤ أوجد :

(١) العلاقة بين ص ، س (٢) قيمة ص عندما س = ١٦



$$\begin{aligned} \text{الحل: } & \because \text{ص} \propto \frac{1}{س} \therefore \text{ص} = \frac{م}{س} \therefore \text{ص} = \frac{2}{4} \\ & \therefore \text{ص} = \frac{8}{س} \text{ العلاقة بين ص ، س} \\ & \text{عندما س} = 16 \therefore \text{ص} = \frac{8}{16} = \frac{1}{2} \end{aligned}$$

٥٩) إذا كانت ص $\propto \frac{1}{س}$ وكانت ص = ٣ عندما س = ٢ أوجد :

(١) العلاقة بين ص ، س (٢) قيمة ص عندما س = ١٥

$$\begin{aligned} \text{الحل: } & \because \text{ص} \propto \frac{1}{س} \therefore \text{ص} = \frac{م}{س} \therefore \text{ص} = \frac{3}{2} \\ & \therefore \text{ص} = \frac{6}{س} \text{ العلاقة بين ص ، س} \\ & \text{عندما س} = 15 \therefore \text{ص} = \frac{6}{15} = \frac{2}{5} \end{aligned}$$

٦٠) إذا كانت ص = ٣ + م وكانت ص $\propto \frac{1}{س}$ وكانت ص = ٥ عندما س = ١ فأوجد العلاقة بين س ، ص ثم أوجد ص عندما س = ٢

الحل:

$$\begin{aligned} & \because \text{ص} \propto \frac{1}{س} \therefore \text{ص} = \frac{م}{س} \therefore \text{ص} = 3 + \frac{م}{س} \\ & \therefore 5 = 3 + \frac{م}{2} \therefore \text{ص} = \frac{3}{2} + \frac{m}{s} \\ & \therefore \text{ص} = \frac{3}{2} + \frac{2}{s} \text{ العلاقة بين ص ، س} \\ & \text{عندما س} = 2 \therefore \text{ص} = \frac{3}{2} + \frac{2}{2} = 1 + 3 = 4 \end{aligned}$$

٦١) إذا كان ارتفاع أسطوانة دائري قائمة (ع) يتغير عكسياً بتغير مربع طول نصف قطرها (نق) وكان ع = ٢٧ سم عندما نق = ٥،٥

سم فأوجد ع عندما نق = ١٥،٧٥ سم

$$\begin{aligned} \text{الحل: } & \because \text{ع} \propto \frac{1}{نق} \therefore \text{ع} = \frac{1}{نق} \\ & \therefore \frac{27}{ع} = \frac{(10,5)}{(15,75)} \therefore \text{ع} = \frac{27}{12} = 2,25 \end{aligned}$$

٥٢) إذا كانت ص تتغير طردياً مع س ، وكانت ص = ١٠ عندما س = ٧ فأوجد س عندما ص = ٢٠

$$\begin{aligned} \text{الحل: } & \because \text{ص} \propto \text{س} \therefore \frac{\text{ص}}{\text{ص}} = \frac{\text{س}}{\text{س}} \\ & \therefore \frac{10}{20} = \frac{7}{س} \therefore \text{س} = \frac{20 \times 7}{14} = \frac{7}{\frac{14}{20}} = \frac{10}{2} = 5 \end{aligned}$$

٥٣) إذا كانت ص $\propto \text{س}$ ، وكانت ص = ٢٠ عندما س = ٧ فأوجد العلاقة بين س ، ص ثم أوجد قيمة ص عندما س = ١٤

$$\begin{aligned} \text{الحل: } & \because \text{ص} \propto \text{س} \therefore \text{ص} = \text{م س} \\ & \therefore \text{ص} = 20 \times \frac{7}{7} = 20 \text{ س} \\ & \therefore \text{ص} = \frac{20}{7} \text{ س} \\ & \text{عندما س} = 14 \therefore \text{ص} = \frac{20}{7} \times 14 = 40 \end{aligned}$$

٤٤) إذا كانت ص $\propto \text{س}$ ، وكانت ص = ١٥ عندما س = ١ فأوجد العلاقة بين س ، ص ثم أوجد قيمة س عندما ص = ٩٠

$$\begin{aligned} \text{الحل: } & \because \text{ص} \propto \text{س} \therefore \text{ص} = \text{م س} \\ & \therefore \text{ص} = 15 \times 1 = 15 \text{ س} \\ & \therefore \text{ص} = 15 \text{ س} \\ & \text{عندما ص} = 90 \therefore \text{س} = \frac{90}{15} = 6 \end{aligned}$$

٤٥) إذا كانت ص $\propto \text{س}$ ، وكانت ص = ١٤ عندما س = ٤ فأوجد العلاقة بين س ، ص ثم أوجد قيمة ص عندما س = ٦٠

$$\begin{aligned} \text{الحل: } & \because \text{ص} \propto \text{س} \therefore \text{ص} = \text{م س} \\ & \therefore \text{ص} = 14 \times \frac{1}{4} = \frac{14}{4} = 3,5 \text{ س} \\ & \therefore \text{ص} = \frac{1}{3} \text{ س} \\ & \text{عندما س} = 60 \therefore \text{ص} = \frac{1}{3} \times 60 = 20 \end{aligned}$$

٤٦) إذا كانت ص $\propto \text{س}$ ، وكانت ص = ٦ عندما س = ٣ فأوجد العلاقة بين س ، ص ثم أوجد قيمة ص عندما س = ٥

$$\begin{aligned} \text{الحل: } & \because \text{ص} \propto \text{س} \therefore \text{ص} = \text{م س} \\ & \therefore \text{ص} = 6 \times 3 = 18 \text{ س} \\ & \therefore \text{ص} = 2 \text{ س} \\ & \text{عندما س} = 5 \therefore \text{ص} = 2 \times 5 = 10 \end{aligned}$$

طريق الأوائل طريقك إلى القمة

مراجعة ليلة الامتحان للصف الثالث الإعدادي مادة الرياضيات (فرع الجبر) الفصل الدراسي الأول

٦٦) إذا كان : $s^2 - 20s + 25 = 0$

أثبت أن ص تتناسب طردياً مع س
الحل :

$$\therefore s^2 - 20s + 25 = 0 \Rightarrow (s-5)^2 = 0$$

$$\therefore 2s - 5 = 0 \Rightarrow 2s = 5$$

$$\therefore s = \frac{5}{2} \quad \therefore \text{ص تتناسب طردياً مع س}$$

٦٧) إذا كانت $s^2 + 9s + 6 = 0$ أثبت أن ص \propto س

الحل :

$$\therefore s^2 + 9s + 6 = 0 \Rightarrow s^2 + 6s + 9 = 0$$

$$\therefore (s+3)^2 = 0 \Rightarrow s+3 = 0$$

$$\therefore s = -3 \quad \therefore \text{ص تتناسب طردياً مع س}$$

٦٨) أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري للفئم :

$$(1) \quad 11, 9, 7, 4, 5 \quad \text{الحل :}$$

$$s = \frac{11+9+7+4+5}{5} = 7$$

س - س	س - س	س
١	$1 = 7 - 6$	٦
٤	$2 = 7 - 5$	٥
٩	$3 = 7 - 4$	٤
صفر	$7 - 7 = 0$	٧
٤	$2 = 7 - 9$	٩
١٦	$4 = 7 - 11$	١١
٣٤		مج

$$\text{الانحراف المعياري } "s" = \sqrt{\frac{34}{6}}$$

$$(2) \quad 6, 9, 8, 7, 5 \quad \text{الحل :}$$

$$s = \frac{9+7+8+5+6}{5} = 7$$

س - س	س - س	س
٤	$2 = 7 - 5$	٥
صفر	$7 - 7 = 0$	٧
١	$1 = 7 - 8$	٨
٤	$2 = 7 - 9$	٩
١	$1 = 7 - 6$	٦
١٠		مج

$$\text{الانحراف المعياري } "s" = \sqrt{\frac{10}{5}}$$

٦٢) إذا كانت ص = س + ٥ وكان س \propto ل فإذا كان ص = ١٣ عند ل = ٢ أوجد العلاقة بين ص ، ل ثم أوجد قيمة ص ، س عندما

ل = ٣
الحل :

$$\therefore s = m \quad \therefore \text{ص} = \text{م} + 5$$

$$\therefore 13 = 2m + 5 \quad \therefore 2m = 13 - 5 = 8 \quad \therefore m = 4$$

$$\therefore \text{العلاقة بين ص ، ل هي : ص} = 4\text{ل} + 5$$

$$\therefore \text{ص} = 4 \times 12 = 5 + 3 \times 12 = 17 \quad \therefore \text{ص} = 3 \times 4 = 12$$

$$\therefore \text{عندما ل} = 3 \quad \therefore \text{عندما ل} = 3$$

٦٣) تسير سيارة بسرعة ثابتة حيث تتناسب المسافة (f) المقطوعة طردياً مع الزمن (n) فإذا سارت السيارة ٩٠ كم في ساعة ونصف فاكتب العلاقة بين المسافة والزمن ثم أوجد المسافة التي قطعتها السيارة في ساعتين ونصف .

$$\therefore f = mn \quad \therefore f = 90$$

$$\therefore f = 60 \quad \therefore \text{العلاقة بين المسافة والזמן}$$

$$\therefore f = 60 \times 2.5 = 150 \text{ كم}$$

٦٤) من بيانات الجدول المقابل أجب عما يأتي :

س	٦	٤	٢
ص	٢	٣	٦

١) اذكر نوع التغير من حيث كونه طردياً أو عكسيًا

٢) أوجد العلاقة بين س ، ص

٣) أوجد قيمة ص عندما س = ٣

الحل :

$$\therefore s_1 = 2, s_2 = 4, s_3 = 6, s_4 = 12 \quad \therefore \text{ص} = 6$$

$$\therefore \frac{2}{4} \neq \frac{6}{12} \quad \therefore \text{التغير عكسي}$$

$$\therefore \text{ص} = \frac{6}{2} = 3 \quad \therefore \text{ص} = \frac{s}{12}$$

$$\therefore m = 12 \quad \therefore \text{ص} = \frac{s}{12} \quad \therefore \text{العلاقة بين س ، ص}$$

$$\therefore \text{عندما س} = 3 \quad \therefore \text{ص} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$$

$$\therefore \text{إذا كان : } \frac{21}{7} \text{س - ص} = \frac{\text{ص}}{\text{ع}} \quad \text{أثبت أن ص} \propto \text{ع}$$

$$\therefore \frac{21}{7} \text{س - ص} = \frac{\text{ص}}{\text{ع}}$$

$$\therefore 21 \text{س - ص} = 7 \text{س ص - صع} \quad \therefore \text{ص} \propto \text{ع}$$

$$\therefore 3 \text{ع} = \text{ص}$$

مراجعة ليلة الامتحان للصف الثالث الإعدادي مادة الرياضيات (فرع الجبر) الفصل الدراسي الأول

٧١) أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري للتوزيع التكراري :

المجموع	-١٦	-١٢	-٨	-٤	-٠	المجموعات
التكرار	٤٥	٥	١٠	١٥	١٠	٥

الحل :

(س - س) ^٢ × ك	(س - س) ^٢	س - س	س ك	س ك	س	المجموعات
٣٢٠	٦٤	٨ -	١٠	٥	٢	-٠
١٦٠	١٦	٤ -	٦٠	١٠	٦	-٤
.	صفر	صفر	١٥٠	١٥	١٠	-٨
١٦٠	١٦	٤	١٤٠	١٠	١٤	-١٢
٣٢٠	٦٤	٨	٩٠	٥	١٨	-١٦
٩٦٠			٤٥٠	٤٥		مج

$$س = مجس \times ك \div مجك = ١٠ = ٤٥ \div ٤٥٠$$

$$\therefore \sigma = \sqrt{\frac{٩٦٠}{٤٥}} = ٥$$

٧٢) أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري للتوزيع التكراري :

المجموع	٤٠	-٣٠	-٢٠	-١٠	-٠	المجموعات
التكرار	٤٠	١٠	٧	١٨	٣	٢

الحل :

(س - س) ^٢ × ك	(س - س) ^٢	س - س	س ك	س ك	س	المجموعات
١٢٥٠	٦٢٥	٢٥ -	١٠	٢	٥	-٠
٦٧٥	٢٢٥	١٥ -	٤٥	٣	١٥	-١٠
٤٥٠	٢٥	٥ -	٤٥٠	١٨	٢٥	-٢٠
١٧٥	٢٥	٥	٢٤٥	٧	٣٥	-٣٠
٢٢٥٠	٢٢٥	١٥	٤٥٠	١٠	٤٥	-٤٠
٤٨٠٠			١٢٠٠	٤٠		مج

$$س = مجس \times ك \div مجك = ٣٠ = ٤٠ \div ١٢٠٠$$

$$\therefore \sigma = \sqrt{\frac{٤٨٠٠}{٤٠}} = ٩٥$$

٧٣) أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم :

DON'T Miss This



٢١، ١٨، ١٦، ١٣، ١٢ (١)

٢٧، ٢٠، ٥، ٣٢، ١٦ (٢)

٢٣، ٢٠، ١٨، ١٥، ١٤ (٣)

١٦، ١٨، ٦، ٣٠، ١٥ (٤)

$$\text{الحل : } \sigma = \sqrt{\frac{٦ + ١٠ + ١٢ + ٨ + ٤}{٥}} = \sqrt{\frac{٤٢}{٥}} = \sqrt{٨.٤} = ٤$$

س - س	س - س	س
٤	٢ -	٤
٤	٢ = ٦ - ٨	٨
٣٦	٦ = ٦ - ١٢	١٢
١٦	٤ = ٦ - ١٠	١٠
صفر	٦ - ٦ = صفر	٦
٦٠		مج

$$\therefore \sigma = \sqrt{\frac{٦٠}{٥}} = \sqrt{١٢} = ٤$$

٧٩) فيما يلي جدول تكراري يوضح عدد الأهداف التي سجلت :

عدد الأهداف	٦	٥	٤	٣	٢	١	٠
عدد المباريات	٢	٣	٥	٩	٦	٤	١

أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري للعمر بالسنوات .

الحل :

س	ك	س ك	(س - س) ^٢	(س - س) ^٢ × ك	٩
٣	٠	٠	٣	٣	٩
٦	١	٦	٦	٦	٦
٠	٠	٠	٠	٠	٠
٥	١	٥	٥	٥	٥
١٢	٤	٤٨	٤٨	٤٨	٤٨
١٨	٩	١٦٢	١٦٢	١٦٢	١٦٢
٦٦					٦٦

$$\therefore \sigma = \sqrt{\frac{٦٦}{٩٠}} = \sqrt{٠.٦٦} = ٠.٦٦$$

٧٠) فيما يلي جدول توزيع تكراري يبين أعمار ١٠ أطفال :

العمر	١٢	١٠	٩	٨	٥	٤	٣	٢	١
عدد الأطفال	١٠	١	٣	٢	١	٤	٥	٦	٧

أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري للعمر بالسنوات

الحل :

س	ك	س ك	(س - س) ^٢	(س - س) ^٢ × ك	١٦
٢	١	٢	٢	٢	٢
صفر	صفر	صفر	صفر	صفر	صفر
٣	١	٣	٣	٣	٣
٩	٩	٩	٩	٩	٩
٣٠					٣٠

$$\therefore \sigma = \sqrt{\frac{٣٠}{٩٠}} = \sqrt{٠.٣٣} = ٠.٥٣$$

$$\therefore \sigma = \sqrt{\frac{٣٠}{١٠}} = \sqrt{٣} = ١.٧$$

مراجعة ليلة الامتحان للصف الثالث الإعدادي مادة الرياضيات (فرع الجبر) الفصل الدراسي الأول



- ٧) أكمل : ١- إذا كان $D(s) = 3$ فإن $D(5) = 3$
 ٢- الدالة $D(s) = 2s + 4s + 5$ من الدرجة
 ٣- $D(s) = 2s + 5$ تسمى دالة
 ٤- إذا كان $D(s) = 4$ فإن $D(7) + D(8) = 7$
 ٥- إذا كان : $4s^2 - 20s + 25$ صفر
 فإن $s : s =$

٨) إذا كانت s ، m ، l كميات متناسبة فثبت أن :

$$\frac{s+u}{s+3l} = \frac{5}{5s-3l}$$

الحل :

$$\therefore s = \frac{u}{l} \quad \therefore s = sm \quad u = lm$$

$$\therefore \text{الأيمن} = \sqrt{\frac{5s^2 - 3lm}{5s^2 - 3lm}} = \sqrt{\frac{5(m^2 - l^2)}{5(m^2 - l^2)}}$$

$$= \sqrt{m^2} = m$$

$$\text{اليسير} = \frac{sm + lm}{s + l} = \frac{m(sm + l)}{s + l} = m \quad \therefore \text{الطرفان متساويان}$$

٩) إذا كان : $2s = 4b = 4j$ فأوجد $j : b : j$

١٠) إذا كان : $2s = 3b = 4j$ فأوجد j بالقسمة $\div 12$

$$\therefore j = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} = \frac{2}{3} : 4 : 6$$

- ١٠) إذا كان بيان الدالة $D = \{1, 2, 3, 4, 5\}$
 (١١) أكتب كلاماً من مجال ومدى الدالة D
 ب) أكتب قاعدة الدالة D

الحل :

$$\text{مجال الدالة } D = \{1, 2, 3, 4, 5\}$$

$$\text{مدى الدالة } D = \{11, 9, 7, 5, 3\}$$

$$\text{قاعدة الدالة } D \text{ هي } D(s) = 2s + 1$$

تراكمي:

$$(1) [5, 3] = \{5 - 3\} = [2, 3]$$

$$(2) \text{ ح المتباينة } -s > 2 \text{ هي } \dots$$

$$(3) \text{ إذا كان } 3^{-s-1} = 1 \text{ فإن } s = \dots$$

$$(4) s^3 + s^3 + s^3 = \dots$$

$$(5) \text{ دائرة طول قطرها } 10 \text{ سم فإن مساحتها} = \dots$$

$$(6) \text{ مكعب حجمه } 27 \text{ سم}^3 \text{ فإن مساحته الكلية} = \dots$$

$$(7) \text{ مساحة المربع الذي طول ضلعه } \sqrt[5]{s} \text{ سم} = \dots$$

$$(8) \text{ طول ضلع المربع الذي مساحته } 100 \text{ سم}^2 = \dots$$

$$(9) \text{ إذا كان العدد } \frac{7}{s-3} \text{ له فإن } s \neq \dots$$

١) إذا كانت $s = \{1, 2, 3\}$ ، $m = \{5, 4, 3\}$ ، $l = \{12, 11, 10\}$ رقم من أرقام العدد b

أكتب بيان u ومثله بمخطط بياني . هل u دالة أم لا وأوجد مداها

الحل :

$$\text{بيان } u = \{1, 2, 3\} \quad (12, 11, 10) \quad (5, 4, 3)$$

ع دالة لأن كل عنصر من عناصر s ظهر كمسقط أول مرة واحدة

في بيان u المدى = {5, 4, 3} ، $l = \{12, 11, 10\}$

٢) إذا كانت $(s, u) = (1, 2), (2, 3), (3, 4)$ فأوجد s ، u

الحل :

$$\therefore s = 2 \quad , \quad u = 3 \quad , \quad s = 1 \quad , \quad u = 4$$

٣) إذا كانت $s = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ ، $m = \{10, 9, 8, 7, 6\}$ حيث

" $u + b = \text{عدد أولى}" \text{ أكتب بيان } u \text{ ومثله بمخطط سهمي وهل } u \text{ دالة أم لا؟ أوجد مداها؟ }$

الحل :

$$\text{بيان } u = \{1, 2, 3, 4, 5\} \quad (10, 9, 8, 7, 6)$$

ع تمثل دالة لأن كل عنصر من عناصر s خرج منه سهم واحد

المدى = {10, 9, 8, 7, 6}

٤) إذا كانت $s = \{2, 3, 4, 5\}$ حيث " u مضاعف للعدد b

أكتب بيان u ومثله بمخطط سهمي وهل u دالة أم لا مع ذكر السبب

حيث $u, b \in s$ وإذا كان $(2, b)$ ∈ بيان u فأوجد قيمة b

٥) إذا كان : $D(s) = 3s + b$ ، $D(4) = 13$ فأوجد قيمة b

الحل :

$$\therefore D(4) = 13 \quad \therefore \text{نوع} \text{ عن } s = 4, D(s) = 13$$

$$\therefore 3 \times 4 + b = 13 \quad \therefore b = 1$$

٦) إذا كان المستقيم الممثل للدالة $D : D(s) = 2s + b$ يقطع

محور s في النقطة $(-4, 5)$ فأوجد قيمة b ، b

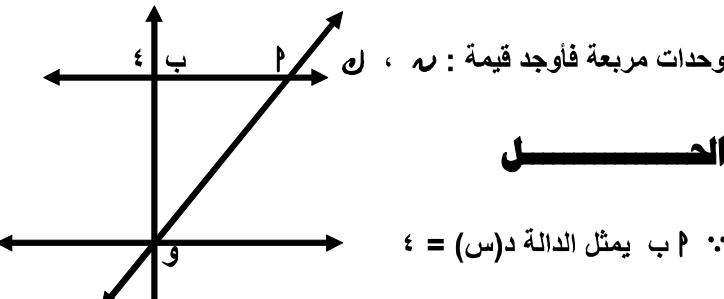
الحل : \therefore المستقيم يقطع محور s $\therefore -4 = 2s + b$

\therefore النقطة $(0, 5)$ تقع على المستقيم $\therefore b = 5$

مراجعة ليلة الامتحان للصف الثالث الإعدادي مادة الرياضيات (فرع الجبر) الفصل الدراسي الأول

١٥) الشكل المقابل يوضح المستقيم ℓ الذي يمثل الدالة D
حيث $D(s) = 4$ ، فإذا كان ℓ و يمثل الدالة الخطية s حيث

$$s(s) = m s + n \quad \text{وكانت مساحة سطح المثلث } \ell \text{ و} = 4$$



$$\therefore \ell \text{ يمثل الدالة } D(s) = 4$$

، نقطة $b \in$ محور s $\therefore b = (4, 0)$

$$\therefore \text{مساحة } \triangle \ell b = 4 \text{ و. ط}$$

$$\therefore \frac{1}{2} \ell b \times \text{وب} = 4 \quad \therefore \ell b \times 4 = 8 \quad \therefore \ell b = 2 \text{ و. ط}$$

$$\therefore s = 2 \quad \therefore s = (4, 0) \rightarrow \text{للمستقيم } s$$

$$\therefore s = 0 \quad \therefore n = 0 \quad \therefore s(s) = m s$$

$$\therefore m = 2 \quad \therefore m = 4$$

١٦) الشكل المقابل يمثل د : $D(s) = 2s - 6$

(أ) أوجد إحداثي كل من ℓ ، b

(ب) أوجد مساحة $\triangle \ell$ و b

الحل

$$\text{بفرض أن } \ell (s, 0) \quad \therefore 2s - 6 = 0$$

$$\therefore 2s = 6 \quad \therefore s = 3$$

بفرض أن $b (0, s)$

$$\therefore s = 2 \times 0 - 6 \quad \therefore s = -6 \quad \therefore b (-6, 0)$$

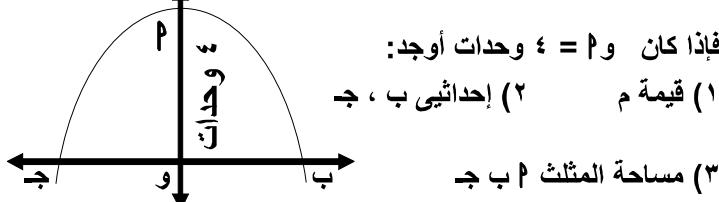
$$\text{مساحة } \triangle \ell b = \frac{1}{2} \times 3 \times 6 = 9 \text{ وحدات مربعة}$$

١٧) الشكل المقابل يمثل منحنى الدالة د : $D(s) = m - s^2$

فإذا كان $m = 4$ وحدات أوجد:

(١) قيمة m (٢) إحداثي b ، g

(٣) مساحة المثلث $\triangle b g$



الحل

١١) إذا كانت $s = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ ، $s = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ وكانت $D(s) = 5 - s$ أوجد:

(أ) صور عناصر s للدالة د

الحل

$$\therefore s = 0 \quad \therefore D(s) = 5 - 0 = 5$$

$$\therefore s = 1 \quad \therefore D(s) = 5 - 1 = 4$$

$$\therefore s = 2 \quad \therefore D(s) = 5 - 2 = 3$$

$$\therefore \text{صور عناصر } s \text{ للدالة } D \text{ "المدى"} = \{3, 4, 5\}$$

مثيل بنفسك

١٢) إذا كانت $s = \{2, 3, 4, 5\}$ ، $s = \{3, 4, 5\}$ أوجد

(ب) $s \times s$

الحل

$$(s \times s) = \{(3, 2), (3, 4), (4, 2), (4, 3), (5, 2), (5, 3)\}$$

$$(b) s(s) = 9 = 3 \times 3$$

١٣) إذا كانت $s = \{s\}$ ، وكانت $ch = \{36\}$ عندما $s = \frac{3}{2}$
أوجد (١) العلاقة بين s ، ch (٢) قيمة ch عندما $s = \frac{1}{2}$

الحل

$$\therefore ch = s^2 \quad \therefore ch = m s^2$$

$$\therefore m = 9 \quad \therefore m = 36$$

$$\therefore ch = 4 s^2 \quad \therefore ch = \frac{1}{2} \times 4 \times \frac{1}{4} = 1$$

$$\therefore ch = \frac{1}{2} \quad \text{عندما } s = \frac{1}{2}$$

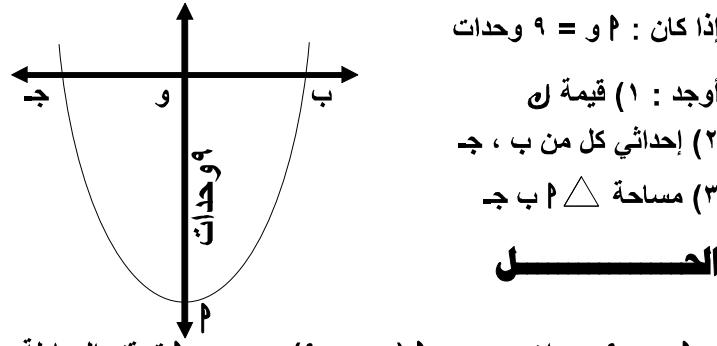
١٤) الشكل المقابل يمثل منحنى الدالة د حيث $D(s) = s^2 + k$

إذا كان : $\ell = 9$ وحدات

أوجد : (١) قيمة k

(٢) إحداثي كل من b ، g

(٣) مساحة $\triangle \ell b g$



$\therefore \ell = 9$ وحدات $\therefore \ell = 9 - 0$ تحقق المعادلة

$$\therefore 9 - 0 = 9 + k \quad \therefore k = -9$$

ـ منحنى الدالة يقطع محور السينات في b ، g

$$\therefore b (0, 9) , g (0, -9) \quad \therefore b g = 6 \text{ وحدات}$$

$$\therefore \text{مساحة } \triangle b g = \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27 \text{ وحدة مربعة}$$