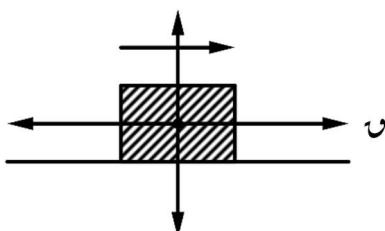


(١) أكمل كلاً من العبارات الآتية :

- ١) معامل الاحتكاك هو النسبة بين
.....
- ٢) الزاوية بين رد الفعل المحصل ورد الفعل العمودي تسمى
.....
- ٣) جسم وزنه ٦ نيوتن موضوع على مستوى أفقي خشن معامل الاحتكاك بينه وبين الجسم $\frac{2}{3}$
فإن قوة الاحتكاك \hookrightarrow
.....
- ٤) جسم وزنه ٣ نيوتن موضوع على مستوى أفقي خشن معامل الاحتكاك بينه وبين الجسم $\frac{3}{7}$
فإن قوة رد الفعل المحصل =
.....
- ٥) إذا وضع جسم على مستوى مائل خشن يميل على الأفقي بزاوية قياسها 30° ووجد أنه على
وشك الانزلاق فإن $\angle =$
.....
- ٦) إذا وضع جسم وزنه على مستوى مائل خشن وأثرت عليه قوة مقدارها و في إتجاه خط أكبر ميل
لأعلى مستوى وأصبح الجسم على وشك الحركة لأعلى المستوى فإن $\angle =$
.....

(٢) حدد رمز الإجابة الصحيحة من بين إجابات كل ما يأتي :

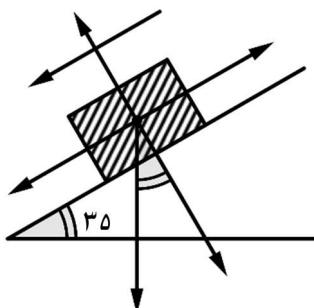
- (١) معامل الإحتكاك هو :
أ) قوة مضادة لإتجاه القوة المؤثرة على الجسم .
ب) محصلة قوى رد الفعل العمودي والإحتكاك .
ج) نسبة مقدار قوة الإحتكاك النهائي إلى مقدار قوة رد الفعل العمودي .
د) نسبة مقدار قوة رد الفعل المحصل إلى مقدار قوة الإحتكاك النهائي .
- (٢) جسم وزنه ٦ ث كجم موضوع على مستوى أفقي خشن معامل الإحتكاك بينه وبين المستوى $\frac{1}{3}$
فإذا أثرت على الجسم قوة أفقية مقدارها ٧ فجعلت الجسم على وشك الحركة ، فإن قيمة n
تساوي :
أ) ١ ث كجم .
ب) ٢ ث كجم .
ج) ٣ ث كجم .



- (٣) وضع جسم وزنه ٢١ نيوتن على مستوى أفقي خشن وأثرت فيه قوتان أفقيتان مقدارهما ٥ ، ٥
نيوتون ويحصاران بينهما زاوية قياسها 60° فأصبح على وشك الحركة فإن معامل الإحتكاك يساوي .

- أ) $\frac{1}{3}$
- ب) $\frac{1}{7}$
- ج) $\frac{1}{7}$

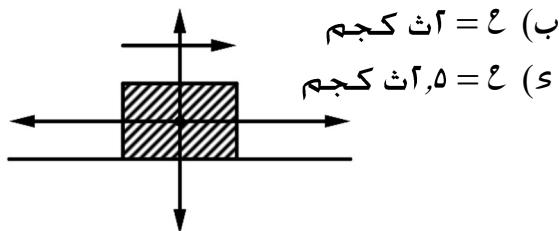
(٤) وضع جسم على مستوى خشن . وعندما أميل المستوى على الأفقي بزاوية قياسها 35° كان الجسم على وشك الإنزلاق . فإن معامل الاحتكاك بين الجسم والمستوى يساوي تقريراً :



- ,٦ (ب) .,٣ (پ)
•,٨ (س) .,٧ (ج)

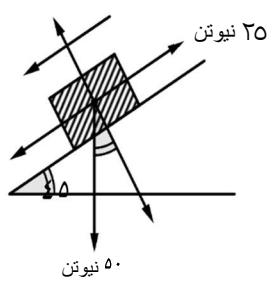
(٥) إذا وضع جسم على مستوى مائل خشن وكان على وشك الانزلاق ،
فإن ظل زاوية الاحتكاك يساوى كلاً ما يأتى ماعداً :
(٦) عامل الاحتكاك .

- فإن : $\frac{1}{4}$ أثرت على الجسم قوة أفقية مقدارها ٢ ث كجم ، فإذا رمزاً لمقدار الاحتكاك بالرمز μ ، والمستوى θ وزنه 10 N كجم موضوع على مستوى أفقى خشن ، وكان معامل الاحتكاك بين الجسم والمستوى $\frac{1}{4}$ النسبة بين مقدار رد الفعل العمودي ومقدار رد الفعل المحصل .
ج) ظل زاوية ميل المستوى على الأفقي .
د) النسبة بين مقدار الاحتكاك النهائي ومقدار رد الفعل العمودي .
ب) النسبة بين مقدار رد الفعل العمودي ومقدار رد الفعل المحصل .



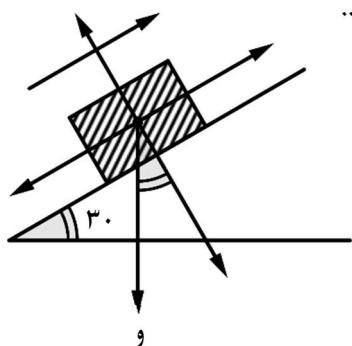
- ج) $\Sigma > \text{آٹ کجم}$

(٧) وضع جسم وزنه ٥ نيوتن على مستوى خشن يميل بزاوية قياسها 45° على الأفقي . أثرت على الجسم قوة مقدارها ٢٥ نيوتن في اتجاه خط اكبر ميل الى أعلى المستوى فكان الجسم على وشك الحركة الى اسفل المستوى . فإن معامل الاحتكاك بين الجسم والمستوى يساوى :



- $$\frac{1 - \sqrt{V}}{1} (s) = \frac{\sqrt{V}}{1} (s)$$

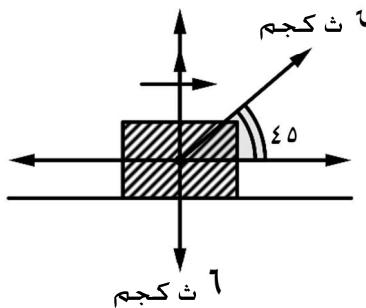
(٨) وضع جسم وزنه و نيوتن على مستوى خشن يميل على الأفقي بزاوية قياسها 30° . فوجد أن الجسم على وشك الانزلاق . وعندما أثرت على الجسم قوة مقدارها n في اتجاه خط أكبر ميل



- ٤) $\frac{1}{\sqrt[3]{\ell}}$ و نيوتن
ج) $\frac{1}{\sqrt[3]{\ell}}$ و نيوتن

٥) $\frac{1}{\ell}$ و نيوتن
ب) $\frac{\sqrt[3]{\ell}}{\ell}$ و نيوتن

(٩) جسم وزنه 6 N ثـ كجم موضوع على مستوى أفقى خشن ، معامل الاحتكاك بينه وبين المستوى $\frac{1}{3}$ أثرت على الجسم قوة مقدارها 7 N ثـ كجم ، وتميل بزاوية قياسها 45° على المستوى الأفقى ، فما قيمة μ اذا كان الجسم على وشك الحركة ؟



$$\text{ب) } \frac{27}{3}$$

$$\text{ج) } \frac{3}{27}$$

$$\text{ب) } \frac{27}{2}$$

$$\text{ج) } \frac{3}{27}$$

(١٠) وضع جسم مقدار وزنه 200 N ثـ جم على مستوى مائل خشن ، تؤثر عليه قوة μ في اتجاه خط أكبر ميل أعلى المستوى ، فإذا كان الجسم على وشك الحركة لأسفل المستوى عندما $\mu = 80\text{ N}$ ثـ جم ، ويكون الجسم على وشك الحركة لأعلى المستوى عندما $\mu = 120\text{ N}$ ثـ جم ، فإن قيمة زاوية ميل المستوى على الأفقى =

$$\text{ب) } 30^\circ$$

$$\text{ج) } 45^\circ$$

$$\text{ب) } 22,5^\circ$$

$$\text{ج) } 60^\circ$$

(١١) وضع جسم مقدار وزنه 50 N ثـ جم على مستوى يميل على الأفقى بزاوية قياسها 45° ، أثرت عليه قوة مقدارها 50 N ثـ جم في اتجاه خط أكبر ميل لأعلى فكان رد الفعل المحصل 50 N ثـ جم فإن معامل الاحتكاك بين الجسم والمستوى يساوى :

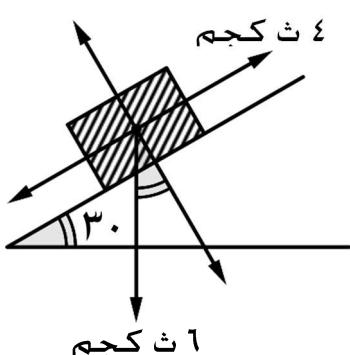
$$\text{ب) } \frac{1}{37}$$

$$\text{ج) } 1$$

$$\text{ب) } \frac{1}{27}$$

$$1$$

(١٢) وضع جسم مقدار وزنه 1 N ثـ كجم على مستوى خشن يميل على الأفقى بزاية قياسها 30° ، فإذا أثرت قوة مقدارها 4 N ثـ كجم على الجسم في اتجاه خط أكبر ميل للمستوى الى أعلى ، وكان معامل الاحتكاك بين الجسم والمستوى $\frac{1}{3}$ ، فإن الجسم :



$\text{ب) } \text{يكون على وشك الحركة لأعلى المستوى .}$

$\text{ب) } \text{يتحرك لأعلى المستوى .}$

$\text{ج) } \text{ينزلق لأسفل المستوى .}$

$\text{د) } \text{الجسم متزن والاحتكاك غير نهائى}$

(٣) وضع جسم وزنه 21 N نيوتن على مستوى مائل خشن ، لوحظ ان الجسم يكون على وشك الانزلاق عندما كان المستوى مائلاً بزاويه ظلها $= \frac{1}{37}$. فإذا وضع الجسم على مستوى افقى في نفس خشونه المستوى المائل ، فأوجد مقدار القوة التي تؤثر على الجسم وتميل على الأفقى بزاويه قياسها 30° وجعله على وشك الحركة .

(٤)

وضع جسم وزنه 4 كجم على مستوى مائل خشن فكان الجسم على وشك الانزلاق عندما كانت قياس زاويه ميل المستوى على الافقى 30° ، فإذا أريد زيادة ميل المستوى على الافقى حتى 60° فحيث :

اولا : أوجد مقدار القوة التي تعمل في اتجاه خط اكبر ميل للمستوى لاعلى وجعل الجسم على وشك الحركة لاعلى .

ثانيا : مقدار القوة التي تعمل في إتجاه خط أكبر ميل لاعلى وتمنع الجسم من الإنزلاق .

(٥) جسم وزنه 125 نيوتن موضوع على مستوى مائل خشن وتأثير فيه قوه افقيه 7 نيوتن . فعندما كانت $\theta = 50^\circ$ جم منعت الجسم من الانزلاق . وعندما كانت $\theta = 15^\circ$ جم جعلت الجسم على وشك الحركة لاعلى . أوجد معامل الاحتكاك بين الجسم والمستوى وظل زاوية ميل المستوى على الافقى .

(٦)

وضع جسم وزنه 14 نيوتن على مستوى افقى خشن ، واثرت عليه الجسم في نفس المستوى قوتان 5 نيوتن ويخصران بينهما زاويه 10° فاتزن الجسم . اثبت ان معامل الاحتكاك بين الجسم والمستوى لا يقل عن $\frac{1}{3}$. واذا كان معامل الاحتكاك يساوى $\frac{4}{7}$ وبقى اتجاه القوتين ثابتتا كما بقيت القوه 8 نيوتن دون تغير . فعين قيمة القوه الاخرى لكي يكون الجسم على وشك الحركة . وايضا الاتجاه الذى يتحرك فيه الجسم .

(٧)

جسم وزنه 7 كجم موضوع على مستوى افقى خشن واثرت عليه قوه قدرها 2 كجم في اتجاه يميل على الافقى بزاويه قياسها (i) فجعلته على وشك الحركة . وعندما عكس اتجاه القوه وتغيرت قيمتها الى 2.8 كجم كان الجسم على وشك الحركة ايضا . اوجد i . معامل الاحتكاك بين الجسم والمستوى .

(٨)

وضع جسم وزنه 4 كجم على مستوى افقى خشن ثم اميل المستوى بالتدريج فاوشك الجسم على الانزلاق عندما اصبحت قياس زاويه ميل المستوى الافقى 30° . واذا ربط الجسم عندئذ في خيط وشد في اتجاه يميل بزاويه قياسها 10° على الافقى حتى اوشك الجسم على الحركة الى اعلى المستوى فأوجد مقدار قوه الشد وكذلك مقدار مقدار قوه الاحتكاك .

(٩)

كتله خشبيه وزنها 1 كجم ترتكز على مستوى مائل خشن يميل على الافقى بزاويه قياسها 30° . وتصل الكتله خيط ير على بكره ملساء اعلى المستوى في اتجاه خط اكبر ميل وعندما علق من الطرف الحالص للخيط ثقل قدره 8 كجم . وجذ ان الكتله الخشبيه على وشك حركه الى اعلى المستوى واذا استبدل هذا الثقل بثقل اخر قدره L وجد ان الكتله على وشك الحركة الى اسفل المستوى . فاوجد :

ثانيا : مقدار الثقل L

اولا : معامل الاحتكاك

(١٠) كتلتان L_1 ، L_2 حيث ان ($L_1 > L_2$) تستقران على مستوى مائل خشن يميل بزاويه قياسها (h) على الافقى ومتصلتان بخيط ير على بكره ملساء موضوعه على المستوى فإذا كان فرعا الخيط

في اتجاه خط اكبر ميل للمستوى فأثبت ان المجموعه تكون على وشك الحركه عندما يكون :

$$\frac{\text{جا}(h-l)}{l} = \frac{l}{\text{جا}(h+l)}, \quad l \text{ زاوية الاحتراك}.$$

(١) أكمل كلاً من العبارات الآتية :

$$(1) \text{ إذا كان } \bar{A} \odot \bar{B} = \bar{A}B \text{ فإن } \dots$$

$$(2) \text{ المركبة الجبرية للقوة } \bar{F} = \bar{F}_1 - \bar{F}_2 \text{ في اتجاه } \bar{A}B \text{ حيث } (1, 2), (4, 6) \text{ ، بـ}$$

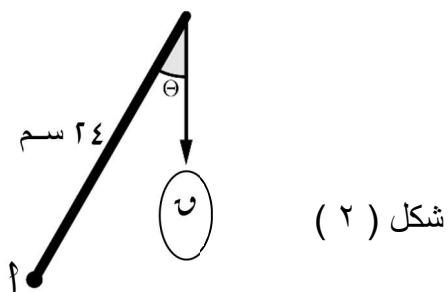
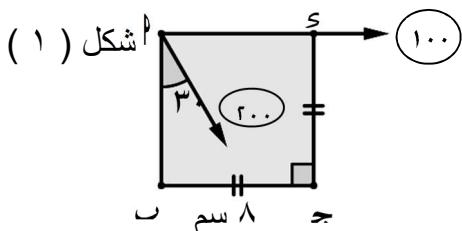
تساوي

$$(3) \text{ إذا كانت } A, B \text{ نقطتين في مستوى القوة } \bar{F} \neq \bar{0} \text{ وكان } \bar{F}_1 + \bar{F}_2 = \bar{0} \text{ فإن } \dots$$

$$(4) \text{ إذا كانت } A, B, C \text{ ثلات نقاط ليست على إستقامة واحدة في مستوى القوة } \bar{F}$$

$$\text{وكان } \bar{F}_1 = \bar{F}_2 = \bar{F}_3 = \bar{0} \text{ فإن } \dots \text{ في شكل (١)}$$

$$\text{مجموع عزوم القوة حول } C = \dots$$



(١) في شكل (٢)

$$\star \text{ أقل عزم للقوة } F \text{ حول } A = \dots$$

$$\star \text{ أكبر عزم للقوة } F \text{ حول } A = \dots$$

$$(7) \text{ إذا كان } (1, 1), B(5, -2), C(-3, 1) \text{ فإن } \bar{A}B \times \bar{A}C = \dots$$

$$(8) \text{ إذا كان } \bar{F} = \bar{F}_1 + \bar{F}_2 = \bar{F}_3 - \bar{F}_4 \text{ ، فإن :}$$

$$\dots = \bar{B} \odot \bar{F}$$

$$\dots = \bar{B} \times \bar{F}$$

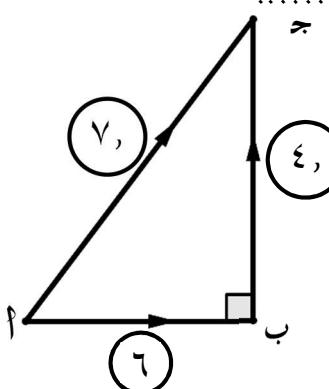
$$(9) \text{ إذا كان } \bar{F} = \bar{F}_1 + \bar{F}_2 = \bar{F}_3 - \bar{F}_4 \text{ وكان } h \text{ قياس الزاوية بينهما فإن :}$$

$$\text{جهاز} = \dots$$

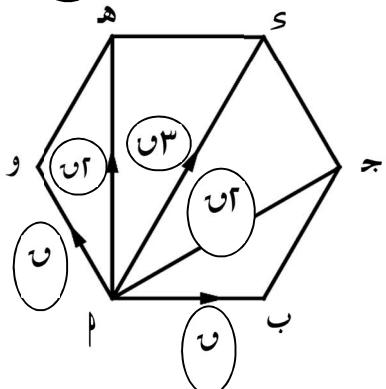
$$\text{المركبة الجبرية للمتجه } \bar{B} \text{ في اتجاه المتجه } \bar{A} = \dots$$

$$(10) \text{ إذا كانت } \bar{F} = \bar{F}_1 + \bar{F}_2 = \bar{F}_3 - \bar{F}_4 \text{ تؤثر في نقطة الأصل }(0, 0) \text{ فإن :}$$

- مقدار عزم القوة τ حول النقطة A ، $= (3 - 2)$
- بعد النقطة A عن خط عمل τ =
(11) في الشكل المقابل :



(١٢) إذا كان مجموع عزوم القوى المؤثرة في الشكل المقابل
يُنعدم حول نقطة في المستوى مثل n فإن $n \in$



أكمل بإختيار الإجابة الصحيحة من الإختيارات المتاحة :

$$\dots = \vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{P}) (1)$$

$$(\overleftarrow{\pi} \times \overleftarrow{\psi}) \times \overline{F} (\psi) = (\overleftarrow{\psi} \times \overleftarrow{\pi}) \times \overline{F} (\phi)$$

$$\overline{\mathbb{P}} \times (\overline{\mathfrak{p}} \times \overline{\mathfrak{q}}) \quad (\mathfrak{s}) \quad (\overline{\mathbb{P}} \times \overline{\mathfrak{q}}) \times \overline{\mathfrak{p}} \quad (\mathfrak{p})$$

(٢) إذا كان $\vec{a} \times \vec{b} = \vec{0}$ ، فإن قياس الزاوية بين \vec{a} ، \vec{b} يساوى

أ) صفر ب) ٤٥° ج) ٩٠° د) ١٨٠°

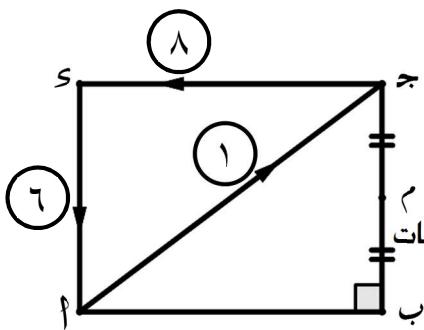
[١] مقدار عزم τ بالنسبة لنقطة ب (٢ ، ٣) يساوى
 إذا كانت $\tau = 8 - 6 \sin \theta$ تؤثر في (٥ ، ١) فإن :

١٤- (٥) (أ) (ب) (ج) (د) (هـ) (ـ)

[٢] المركبة الجبرية للمنتج \bar{v} في اتجاه \bar{ab} =

١٤ (٥) ١٩,٥- (س) ٤٨- (ب) ٩,١- (ج)

(٤) إذا كانت قوة في مستوى متوازي الأضلاع \parallel بـ \Rightarrow وكان $\angle = 18^\circ$ وحدة عزم .
 $\angle_B = \angle_C = 32^\circ$ وحدة عزم . فإن $\angle_D =$ وحدة عزم



(٥) ب ج مستطيل فيه ب = ١٦ سم، ج = ١٢ سم، منتصف ب ج، أثرت القوى التي مقاديرها ٦، ١٠، ٨ نيوتن في الاتجاهات ج، ج، ج على الترتيب، كما أثرت قوة مقدارها ٥ نيوتن عند منتصف ب ج. فإذا كان مجموع المjerية لعزم هذه القوى حول ب يساوى ١١١ وحدة عزم.

فإن قياس زاوية ميل القوة التي مقدارها 5 على ب ج يساوى

$$\text{ج) } 45^\circ \quad \text{ب) } 10^\circ \quad \text{أ) } 30^\circ$$

٥) حيث $\theta = \frac{\pi}{3}$

(١) قوة مقدارها ١٠ نيوتن تعمل في اب حيث (٢، ٧) . ب (٥، ٣) يكون القياس الجبرى لعزمها حول نقطة الأصل يساوى

۱۸- (ج) ۱۸- (ب) ۱۸- (د)

ب(٣ ، ٢-) ، ج(١ ، ٥-) ، ه(٥ ، ١-) فاثبت أن خط عمل \overline{c}

١- يمر بالنقطة ب

٦- ينصلف ج ٥

۳ - پوازی ه

(٤) Δ ب ج د مستطيل فيه Δ ب = اسم، ب ج = اسم، أثرت قوى مقاديرها ٤، ٥، ٦، ٧، ٨ كجم في الاتجاهات $\overleftarrow{\Delta}$ ب ، $\overleftarrow{\Delta}$ ج ، $\overleftarrow{\Delta}$ د على الترتيب . أوجد قيمة د اذا كان مجموع عزوم القوى بالنسبة لنقطة Δ ينعدم .

(١٥) ΔABC مستطيل فيه $A = 3\text{ سم}$. $B = 7\text{ سم}$. $C = 4\text{ سم}$. أوجد كل من :

$$\nabla \cdot S \odot (\nabla \times + \nabla \cdot \mathbf{P}) = 0$$

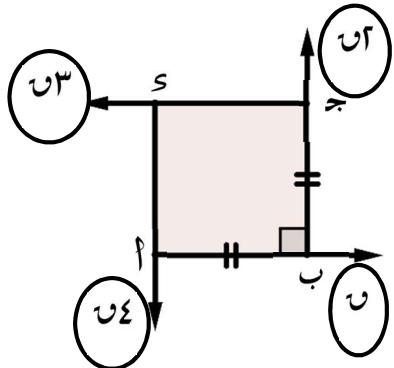
$$(\overleftarrow{z} \cap \overrightarrow{y}) \odot \overleftarrow{z} = (\overline{z})$$

٣) عين المسقط الجبرى للمتجه \vec{G} في اتجاه المتجه \vec{A}

(١٦) إذا كانت $\bar{L} = 2S + 3M$ ، $\bar{L} = L - 5M$ تؤثران في نقطتين $(2, 5)$ ، $B(1, -3)$ على الترتيب ، أوجد قيمة كل من L ، M إذا انعدم مجموع عزوم القوتين \bar{L} ، \bar{L} حوالى كل من $(2, 0)$ ، $(5, -2)$

(١٧) في الشكل المقابل :

أوجد مقدار واتجاه ونقطة تأثير محصلة القوى المبينة .



(١٨) ب ج ه و سداسي منتظم أثرت القوى ٣، ٥، ٩، ١٢، ١٢، ٥، ج على الاتجاهات \vec{A} ، \vec{B} ، \vec{C} ، \vec{D} ، \vec{E} ، \vec{F} على الترتيب . أوجد قيمة كل من F ، G ، H ، إذا كان $F = G = H$.

(١٩) إذا كان $A \neq B \neq C$ ، $A \times B = B \times A$ فثبت أنه إما $A // B$ أو $A \perp B$

(٢٠) إذا كان القياس المجرى لعزم قوة F حول كل من النقط O ، D ، C ، B يساوى على الترتيب ٥٤، ٣٦، ٨١ وحدة عزم . فأوجد F

(٢١) أكمل كلاما يأتي

(١) F_1 ، F_2 قوتان متوازيتان محصلتهما R فإذا كان $F_1 = 8$ نيوتن ، $F_2 = 11$ نيوتن فإن $F =$

(٢) إذا كانت $F_1 // F_2$ حيث $F_1 = 2 F_2$ ومحصلتهما تؤثر في نقطة تبعد عن نقطة تأثير F_2 مسافة ١٥ سم فإن البعد بين خط عمل المحصلة و F_2 يساوى

(٣) إذا أثرت ثلاثة قوى متوازية ومتتساوية وتعمل في اتجاه واحد عند رؤوس مثلث فإن نقطة تأثير المحصلة عند

(٤) إذا كانت $F_1 // F_2$ ، $F_1 = 30$ نيوتن ، $F_2 = 50$ نيوتن والبعد بينهما ٤٠ سم أولاً : إذا كانت القوتان في اتجاه واحد فإن مقدار المحصلة $F =$

ثانياً : إذا كانت القوتان في اتجاهين متضادين فإن : مقدار المحصلة $F =$

(٥) إذا كانت $F_1 // F_2$ ، $F_1 = 5$ ث كجم . $F_2 = 3$ ث كجم والبعد بينهما ١٢ سم أولاً : إذا كانت $F_1 < F_2$ فإن $F_1 =$

ثانياً : إذا كانت $F_1 > F_2$ فإن $F_1 =$

(٦) إذا كانت $F_1 // F_2$ حيث $F_1 = 50$ ث جم ، $F_2 = 10$ ث جم والبعد بينهما ٤٤ سم أولاً : إذا كانت القوتان في اتجاه واحد فإن :

$$(1) F = \text{---} \text{ ث جم}$$

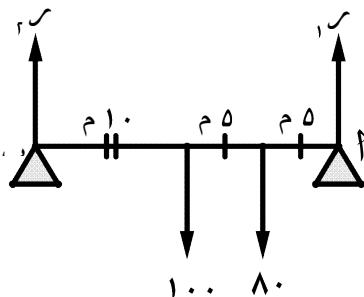
(٢) $\bar{F} = 12$ نيوتن تؤثر في \bar{r} بـ حيث $\bar{r} \perp \bar{F}$. \bar{F} سهم وفي اتجاه \bar{r}

(٣) $\bar{F} = 8$ نيوتن تؤثر في \bar{r} بـ حيث $\bar{r} \perp \bar{F}$. \bar{F} سهم وفي اتجاه القوة \bar{r}

(٤) $\bar{F} = 8$ نيوتن تؤثر في \bar{r} بـ حيث $\bar{r} \perp \bar{F}$. \bar{F} سهم وفي اتجاه القوة \bar{r}

[٢] في الشكل المقابل :

اذا كان القضيب متزن أحسب رد الفعل عند \bar{r}



$$(1) R = 110 \text{ ث كجم}$$

$$(2) R = 80 \text{ ث كجم}$$

$$(3) R = 180 \text{ ث كجم}$$

$$(4) R = 20 \text{ ث كجم}$$

[٣] في الشكل المقابل :

أوجد أكبر ثقل يمكن تعليقه من \bar{B}

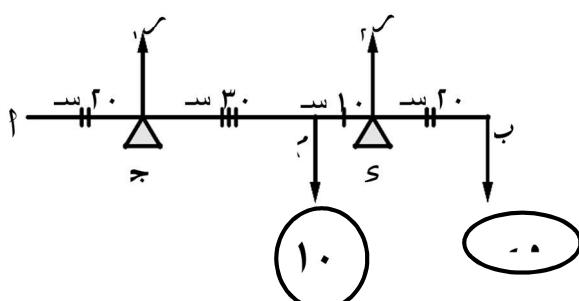
حتى يكون القضيب على وشك الدوران حول \bar{A}

$$(1) 20 \text{ نيوتن}$$

$$(2) 25 \text{ نيوتن}$$

$$(3) 2.5 \text{ نيوتن}$$

$$(4) 5 \text{ نيوتن}$$



(٤) إذا كان $\bar{r} \parallel \bar{F}$ وكانت مجموعتهما القوة \bar{F} حيث $\bar{r} \perp \bar{F}$. $\bar{F} = 9 - 12 + 16 \text{ ص}$

$$\bar{F} = 2 - 2 \text{ ص} , \text{ فإن} : \bar{r} = \bar{F}$$

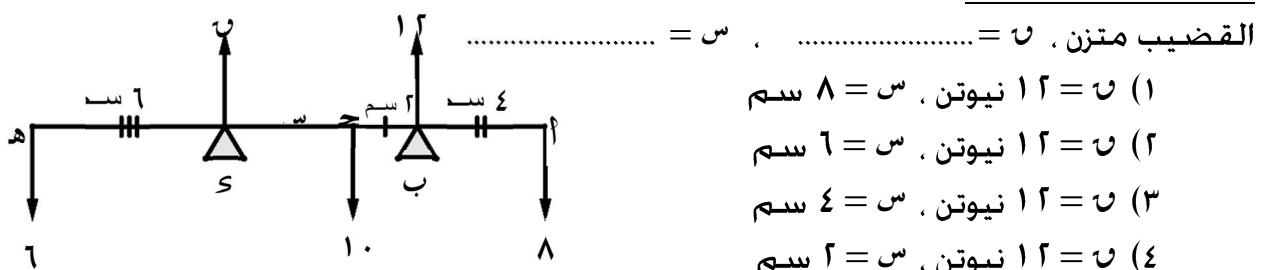
$$(1) \bar{r} = 15 - 12 + 16 \text{ ص}$$

$$(2) \bar{r} = 3 - 3 + 4 \text{ ص}$$

$$(3) \bar{r} = 3 - 3 - 4 \text{ ص}$$

$$(4) \bar{r} = 15 - 12 - 16 \text{ ص}$$

[٥] في الشكل المقابل :



$$(1) F = 12 \text{ نيوتن} , S = 8 \text{ سم}$$

$$(2) F = 12 \text{ نيوتن} , S = 1 \text{ سم}$$

$$(3) F = 12 \text{ نيوتن} , S = 4 \text{ سم}$$

$$(4) F = 12 \text{ نيوتن} , S = 2 \text{ سم}$$

(٦) \bar{F} قضيب معلق بجبلين عند \bar{A} ، \bar{B} وطوله ١٠ سم لا يتحمل أى منهما شدًّا يزيد عن ٥ ث كجم فعند أى نقطة يمكن تعليق ثقل قدره ٨ ث كجم حتى يصبح أحد الخيطين على وشك أن

ينقطع

- (١) على بعد س من حيث س $\rightarrow [0, 45]$
 (٢) على بعد س من ب حيث س $\rightarrow [0, 45]$
 (٣) على بعد س من حيث س $\rightarrow [45, 75]$
 (٤) على بعد ٤٥ سم من أحد الطرفين
- (٢٣) تؤثر ثلاث قوى متوازية وفي اتجاه واحد مقاديرها ٢، ٢، ٦ نيوتن في مستوى المثلث \triangle ب ج القائم الزاوية في ب في النقط $\overline{A}, \overline{B}, \overline{C}$ على الترتيب أوجد موضع نقطة تأثير المحصلة \overline{P} ب قضيب غير منتظم وزنه (و) نيوتن وطوله ١٥ سم يرتكز في وضع أفقي على وتدين ج ، د بحيث كان $\overline{P} = 20$ سم ، ب $= 5$ سم . لوحظ أن القضيب يكون على وشك الدوران حول د إذا علق من ب ثقل قدره ٢٠ نيوتن ويكون على وشك الدوران حول ج إذا علق من \overline{P} ثقل قدره ٧٠ نيوتن . أوجد وزن القضيب ونقطة تأثير الوزن .
- (٢٤) قوتان متوازيتان ومتضادتان تؤثران في القضيب \overline{AB} به مهمل الوزن فإذا كانت $\overline{P} < 5$ ، وكان محصلتهما مقدارها ٩٠ ث كجم وتؤثر في النقطة ج $\rightarrow \overline{P} \text{ حيث } \overline{B}$ ب $= 36$ سم ، $\overline{P} = 16$ سم . فأوجد كلاً من \overline{P} ، \overline{P} .
- (٢٥) ب ج د أربع نقاط تقع على مستقيم أفقي واحد بحيث $\overline{P} = AB = CG = 4$ سم ، أثنت القوى المتوازية ٣، ٤، ٥ . ث كجم عمودية على \overline{D} عند النقط $\overline{A}, \overline{B}, \overline{C}, \overline{D}$ وفي اتجاه واحد فإذا كانت المحصلة تؤثر عند \overline{C} $\rightarrow \overline{D}$ حيث $\overline{P} = 8$ سم . أوجد قيمة \overline{P} ومحصلة هذه القوى .
- (٢٦) ب قضيب غير منتظم طوله امتر يرتكز في وضع أفقي على حاملين عند ج ، د حيث $\overline{P} = 20$ سم ، ب $= 10$ سم فإذا كان أكبر ثقل يعلق من الطرف \overline{P} لحفظ التوازن هو ٥ ث كجم وأكبر ثقل يعلق من ب لحفظ التوازن ٤ ث كجم . أوجد وزن القضيب ونقطة تأثيره
- (٢٧) قوتان متوازيتان تؤثران في نقطتين $\overline{A}, \overline{B}$ ب حيث $\overline{P} = 20$ سم فإذا كانت $\overline{P} = 1$ س + ٨ ص و يؤثر في \overline{P} وكانت $\overline{P} = 5$ نيوتن وتؤثر في نقطة ج حيث ج $\rightarrow \overline{P}$ فأوجد كلاً من \overline{P} ، \overline{P} وطول ج
- (٢٨) ب ، ج ، د ، ه خمس نقاط في مستوى أفقي واحد بحيث $\overline{P} = 12$ سم ، ب $= 4$ سم ، ج $= 5$ سم ، د $= 3$ سم ، ه $= 1$ سم . أثنت القوى ٤، ٦ ، ٨ نيوتن رأسياً لأسفل عند النقط $\overline{A}, \overline{B}, \overline{C}, \overline{D}, \overline{E}$ على الترتيب وأثنت القوتان ٧ ، لرأسياً لأعلى عند النقط ب ، د على الترتيب فإذا كانت محصلة القوى تساوى ٧ نيوتن وتؤثر عند نقطة د $\rightarrow \overline{H}$ حيث $\overline{P} = 10$ سم وتعمل رأسياً لأسفل . فأوجد قيمتي \overline{P} ، ل .
- (٢٩) ساق خفيفة طولها ٥ سم معلقة أفقياً بخيطين رأسيين أحدهما مثبت في الساق على بعد ٠١ سم من أحد الطرفين والآخر في نقطة على بعد ٠٢ سم من الطرف الآخر ومعلق من الطرفين ثقلان

متساويان فإذا كان كل من الخطيدين يتحمل شدًا لا يزيد عن 90° ثم فأوجد أكبر قيمة لكل من الثقلين.

اكمـل مايـاتـى : (٣١)

- ١- إذا اتزنت مجموعة من القوى المستوية فإن مجموع عزومها حول أي نقطة في المستوى
- ٢- إذا استند قضيب بإحدى نقطته على وتد أملس تولد رد فعل عند نقطته الاستناد يكون اتجاهه

- ٣- إذا اتزن مجموعة من القوى المستوية على جسم بحيث كان $\bar{U}_1 = \bar{U}_2 = \bar{U}_3$ حيث $\bar{U}_1, \bar{U}_2, \bar{U}_3$ ثلاثة نقاط ليست على استقامته واحده فإن المجموعة تكون

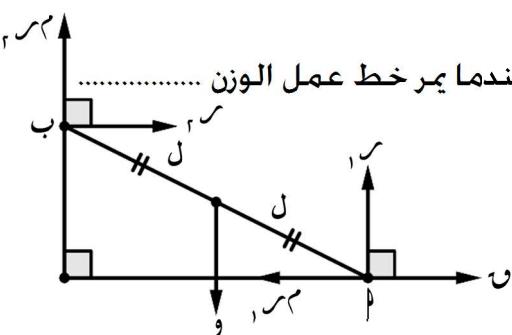
- ٤- شروط اتزان مجموعة من القوى المستوية

- ٥- عندما يوضع قضيب داخل إناء كروي أملس فإنه يتزن عندما يمر خط عمل الوزن

- ٦- إذا اتزن القضيب في الشكل المقابل

$$\mu_1 = \dots$$

$$\mu_2 = \dots$$



خـير الاجـابـه الصـحـيـه : (٣٢)

(١) فـي الشـكـل المـقـابـل :

إذا كانت ل هي زاوية الاحتكاك بين الأرض والقضيب فإن
ظاهر ظال = $\tan \theta = \dots$

$$(3.1.2) \quad \frac{1}{3}$$

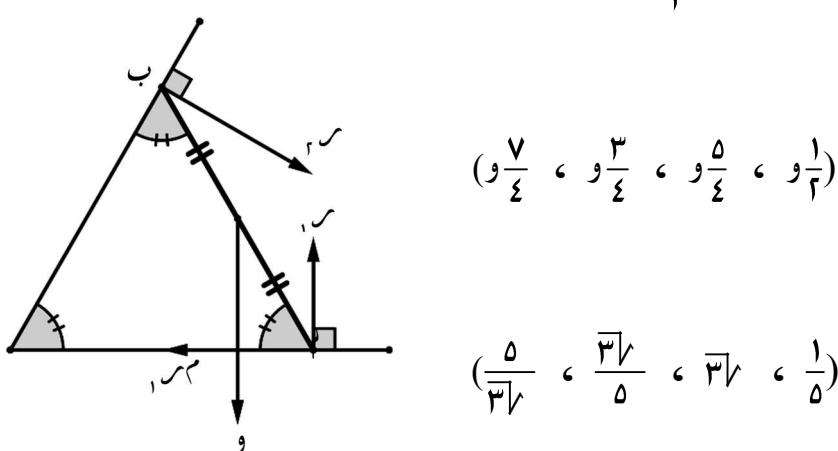
(٢) فـي الشـكـل المـقـابـل :

$$\mu + 1 = \dots$$

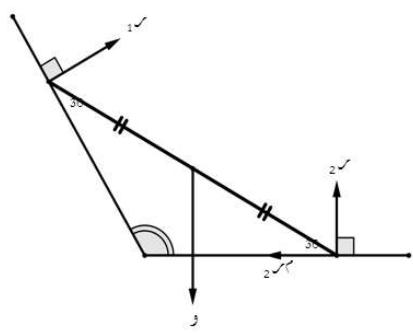
$$(\frac{1}{2}, \frac{3}{4}, \frac{5}{4}, \frac{7}{4})$$

(٣) فـي الشـكـل السـابـق :

$$\text{معامل الاحتكاك } \mu = \dots$$



٤) في الشكل المقابل :



$$(و ، \frac{1}{2} و ، \frac{1}{4} و ، \frac{3}{4} و)$$

٥) في الشكل السابق :

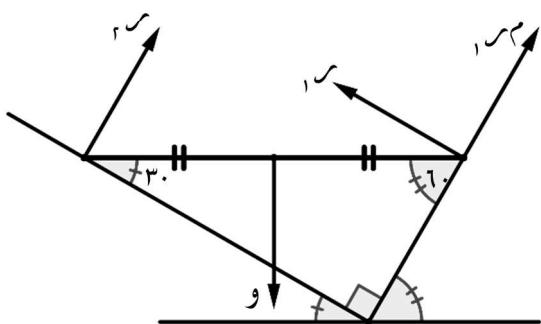
$$(\frac{3\sqrt{7}}{3} ، \frac{1}{3} ، \frac{3}{3\sqrt{7}})$$

٦) في الشكل المقابل :

$$(\frac{1}{3} و ، 2 و ، \frac{3}{3\sqrt{7}} و)$$

$$(\frac{1}{3} و ، 2 و ، \frac{3}{3\sqrt{7}} و)$$

$$(\frac{3\sqrt{7}}{3} ، \frac{1}{3} ، \frac{3}{3\sqrt{7}})$$



(٣٣) قضيب منتظم وزنه $\frac{3}{7}$ كجم وطوله ١٢٠ سم يتصل أحد طرفيه بمفصل مثبت في حائط رأسى . علق به ثقل قدره $\frac{4}{7}$ كليو جرام على بعد ٣٠ سم من المفصل وحفظ القضيب في وضع أفقى ربط طرفه الآخر بجبل رفيع مهملاً الوزن ويتصل الطرف الآخر للخيط بنقطة في الحائط رأسياً أعلى المفصل فإذا كان الخيط يميل على الرأسى بزاویة قياسها 30° اوجد :

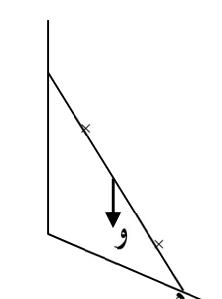
ب - ضغط المفصل على القضيب .

(٣٤) ب سلم منتظم طوله ٥ متر وزنه ٢٠ كجم استند السلم بطرفه ١ على حائط رأسى أملس وبطرفه ب على أرض أفقى خشبيه معامل الإحتكاك بينهما $\frac{1}{5}$ وكان الطرف ب على بعد ٣ متر من الحائط . أثبت أن السلم لا يمكن أن يتزن في هذه الحاله . ثم أوجد أصغر وزن لجسم معامل الإحتكاك بينه وبين الأرض $\frac{1}{5}$ بحيث إذا وضع عند الطرف ب للسلم يمنعه من الانزلاق .

٧) في الشكل المقابل :

ترتکز إحدى نهايتي سلم منتظم وزنه (و) على حائط رأسى أملس وترتکز النهاية الأخرى على أرض خشنة تميل على الأفقى بزاویة قياسها (هـ) فإذا كان السلم على وشك الانزلاق

وهو في مستوى رأسى عمودى على خط تقاطع الحائط مع الأرض فاثبت أن السلم يميل على الرأسى بزاویة ظلها يساوى آنذاك (هـ) حيث يقياس زاوية الإحتكاك .



(٣٦)

أ ب قضيب رفيع خفيف طوله $\text{أ}\text{ل}$ معلق في مستوى رأسى من طرفيه أ ، ب بخيطين يملان على الرأسى بزاويتين 30° ، 60° على الترتيب . علق في القضيب الثقلان $\text{أ}\text{، ب}$ نيوتن على بعد من أ يساوى $\frac{1}{5}\text{ ل}$ ، $\frac{1}{5}\text{ ل}$ أوجد فى وضع التوازن مقدار الشد فى الخيط وقياس زاوية ميل القضيب على الأفقى .

(٣٧)

قرص دائرى منتظم وزنه $\text{ث}\text{ كجم}$ يؤثر عند مركزه يستند على أرض أفقية خشنة وحائط رأسى خشن ، معامل الاحتكاك بين القرص والحائط $\frac{1}{3}$ وكان مستوى القرص عمودياً على الأرض والحائط ، أثرت عند أعلى نقطة من القرص قوة أفقية مقدارها $\text{ث}\text{ كجم}$ موجهه نحو الحائط ، أوجد مقدار قوة الاحتكاك بين القرص والأرض . وإذا زاد مقدار القوة الأفقية المؤثرة على القرص إلى $2\text{ ث}\text{ كجم}$ فإن قوة الاحتكاك بين القرص والأرض تصل إلى نهايتها العظمى ويصبح القرص على وشك الحركة . أحسب معامل الاحتكاك بين الأرض والقرص .

(٣٨)

قضيب منتظم وزنه $\text{ج}\text{ كجم}$ يرتكز بطرفه أ على مستوى رأسى أملس . وبطرفه ب على مستوى أفقى أملس . حفظ القضيب من الإنزلاق بواسطة خيط ربط أحد طرفيه بنقطة على خط تقاطع المستويين رأسياً أسفل أ وبط طرفه الآخر في نقطة ج أعلى القضيب حيث $\text{ج}\text{ ب} = \frac{1}{5}\text{ أب}$ فإذا كان القضيب يصنع في وضع التوازن مع الأفقى زاوية قياسها 45° فأثبت أن الخيط يصنع مع الأفقى زاوية ظلها $\frac{1}{4}$. أوجد قيمة الشد في الخيط وقيمة رد فعل كل من المستويين على القضيب

(٣٩)

يرتكز سلم منتظم طوله $\text{ك}\text{ أمتار}$ على أرض أفقية خشنة وحائط رأسى أملس فإذا أوشك السلم على الإنزلاق حتى تأثير وزنه عندما كان يميل على الأفقى بزاوية ظلها $\frac{3}{4}$ ، فأوجد معامل الاحتكاك ، وإذا وضع السلم مائلًا على الأفقى بزاوية قياسها 45° فأوجد أقصى بعد على السلم يمكن ان يصعده رجل وزنه $\text{ك}\text{ أمثال وزن السلم قبل أن يبدأ السلم في الانزلاق}.$

(٤٠)

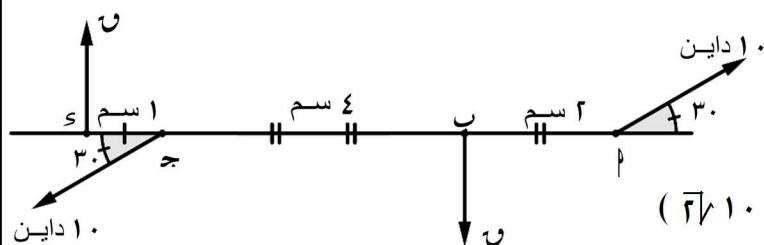
قضيب منتظم $\text{أ}\text{ ب}$ وزنه $\text{ك}\text{ كجم}$ طوله 3 متر يرتكز بأحد طرفيه أ على مستوى أفقى خشن ويرتكز عند إحدى نقطه ج على وتد أملس أفقى يعلو 1.25 متر عن المستوى الأفقى ، فإذا كان القضيب فى مستوى رأسى عمودى على الوتد وكان القضيب على وشك الإنزلاق عندما كانت قياس زاويه ميله على الأفقى 30° ، فأوجد مقدار رد فعل الوتد ومعامل الاحتكاك بين القضيب والمستوى الأفقى .

(٤١)

أكمل باختيار الإجابة الصحيحة

[١] فـ الشـكـل : أربعة قوى تمثل ازدواجين فإذا كانت مجموعة القوى متزنة فإنه :

$$\text{ن} = \text{ دين }$$



[٢] في الشكل: $\triangle ABC$ مربع طول ضلعه ٤ سم أثرت القوى المبين مقاديرها على الرسم وكانت تكافئ ازدواج معiar عزمه = ٢٠ ث جم . سـم فإن $\tau_1 = ٧$ ث جم . $\tau_2 = ٣$ ث جم . $\tau_3 = ٦$ ث جم . أو $\tau_4 = ٥$ ث جم . $\tau_5 = ٨$ ث جم .

[٣] في الشكل: $\triangle ABC$ مثلث قائم الزاوية في $\angle A$. $AB = ٤$ سـم . $AC = ٣$ سـم . أثرت القوى المبين مقاديرها واجهاتها وكانت تكافئ ازدواج فإن $\tau =$ نيوتن معiar عزم الازدواج = نيوتن . سـم (٢٤، ١٢، ٦، ٥)

[٤] في الشكل: S ، C ، U ، L منتصفـات أضلاع المربع $ABCD$ أثرت القوى المبين مقاديرها واجهاتها فاتزنـت فإن: $\tau =$ ثـقل جـرام (٢٦٥، ٥، ٢، ٥)

[٥] في الشكل: S ، C ، U ، L منتصفـات أضلاع المستطيل $ABCD$ أثرت القوى المبين مقاديرها واجهاتها فاتزنـت فإن: $\tau =$ نـيوـتن . (٢٢، ٢٠، ١٨، ١٦)

[٦] في الشكل: S ، C ، U ، L منتصفـات أضلاع المعين $ABCD$ $\angle A = ٦٠^\circ$. أثرت القوى المبين مقاديرها واجهاتها فاتزنـت فإن: $\tau =$ نـيوـتن . (١، ٣٦٢، ٣، ٢)

الأول : أكمل كلاما ياتى :

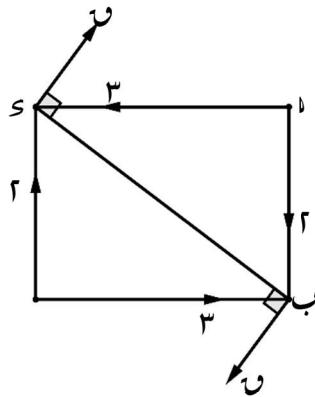
[١] إذا كان $\tau_1 = ٣$ سـم - بـصـه ، $\tau_2 = ٤$ سـم + بـصـه هـما قوتـى ازدواج فإن $\tau_3 =$ بـصـه ، $\tau_4 =$ بـصـه

[٢] يقال لمجموعة من الأزدواجـات المستـويـة أنها متـوازنـة إذا كان

[٣] إذا كان τ_1 ، τ_2 قوتـى ازدواجـ حيث $\tau_1 = ٣$ سـم + بـصـه تـؤثـرـ في τ_2 ، τ_2 تـؤثـرـ في

بـ (-١، ٢) فإنـ : عـزمـ الأزدواجـ المـكونـ من τ_1 ، τ_2 =

طـولـ العمـودـ المرـسـومـ منـ أعلىـ خطـ عـملـ τ_1 =



[٤] في الشكل المقابل $\triangle ABC$ مستطيل فيه $|AB| = 3$ سم، $|BC| = 4$ سم، القوتان C ، D نيوتن عموديتين على B و مجموعه القوى تكافئ ازدواج عزمها 34 نيوتن . سم في الاتجاه AB فإن $C =$

[٥] $\triangle ABC$ فيه $C = \hat{B} = 90^\circ$ ، $|AB| = 8$ سم، $|BC| = 17$ سم ، إذا كانت القوى $10, 17, 20$ نيوتن تكون ازدواج فإن :

$C = \frac{1}{2} \times 10 + 17 + 20 = 28$. معيار عزم الا زدواج =

[٦] إذا كانت القوى C_1, C_2, C_3 تؤثر في النقط $(0, 0), (1, 0), (0, 1)$ وتكافئ إزدواج حيث كانت

$$C_1 = 3\text{ س} + 4\text{ ص} , \quad C_2 = -\text{س} + \text{ص} , \quad \text{فإن} \\ C_3 = ?$$

عزم الا زدواج =

[٤٣] $\triangle ABC$ سداسي منتظم أثرت القوى $3, 9, 7, 3, 9, 7$ ثقل جرام في الاتجاهات $A \rightarrow B$ ، $B \rightarrow C$ ، $C \rightarrow A$ ، $A \rightarrow H$ ، $H \rightarrow C$ ، $C \rightarrow B$ على الترتيب . أوجد قيمة H لتكون المجموعة متزنة .

[٤٤] $\triangle ABC$ صفيحة رقيقة على هيئة مثلث قائم الزاوية في B ، وزنها 6 نيوتن وفيه $|AB| = 12$ سم $|BC| = 5$ سم . علقت في مسمار من ثقب صغير بالقرب من الرأس A حيث كان مستواها رأسياً . ثم أثر عليها ازدواج في مستويها فاتزنـت عندما كان A بـ رأسياً . أوجد رد فعل المسمار ومعيار عزم الا زدواج .

[٤٥] $\triangle ABC$ صفيحة رقيقة منتiform مربعة الشكل طول ضلعها 20 سم وزنها 100 ث جم معلقة بمسمار أفقي عند A حيث يكون مستواها رأسياً . فإذا أثر على الصفيحة ازدواج معيار عزمها 1000 ث جم . سـم . أوجد في وضع التوازن ميل $\angle C$ على الرأس إذا علم أن وزن الصفيحة يؤثر في نقطة تقاطع القطرين .

[٤٦] $\triangle ABC$ مستطيل فيه $C = 90^\circ$ ، $|AB| = 4$ سم ، $|AC| = 3$ سم ، $|BC| = 8$ سم ، $|AB| = 10$ سم ، أثرت قوى ممثلة تمثيلاً تماماً بالاتجاهات $S \rightarrow C$ ، $C \rightarrow B$ ، $B \rightarrow A$ ، $A \rightarrow S$ فإذا علم أن المجموعة تؤول إلى ازدواج عزمها 150 نيوتن . سـم في الاتجاه AB . أوجد مقدار كل القوى المؤثرة .

(٤٧) $\overline{AB} = 12$ سم، $\overline{BC} = 20$ سم، $\overline{AC} = 16$ سم، $\overline{AD} = 9$ سم، $\overline{DC} = 11$ سم، $\overline{BD} = 14$ سم، \overline{AD} منتصف \overline{BC} . أثرت قوى مقاديرها $15, 6, 7, 5, 4, 5$ نيوتن في $\overline{AB}, \overline{BC}, \overline{AC}, \overline{AD}, \overline{DC}, \overline{BD}$ على الترتيب . فإذا ازنـت هذه المجموعة مع قوتين تؤثـران في $\overline{DC}, \overline{BD}$. أوجـد مقدار واجـاه القوتين إذا علم أنهما متعامـدان على \overline{DC} .

(٤٨) $\overline{AB} = 12$ سم، $\overline{BC} = 14$ سم، $\overline{AC} = 9$ سم، $\overline{AD} = 6$ سم، $\overline{DC} = 11$ سم، $\overline{BD} = 15$ سم، \overline{AD} على الترتيب ، أثرت قوى مقاديرها $36, 27, 45$ نيوتن في $\overline{AB}, \overline{BC}, \overline{AC}, \overline{AD}, \overline{DC}, \overline{BD}$ على الترتيب ، أوجـد القوتين اللتين تؤثـران في $\overline{AD}, \overline{DC}$ حتى تزنـ المجموعة.

(٤٩) $\overline{AB} = 6$ سم، $\overline{BC} = 11$ سم، $\overline{AC} = 10$ سم، $\overline{AD} = 15$ سم، $\overline{DC} = 18$ سم، $\overline{BD} = 10$ سم، \overline{AD} شـبه منحرف قائم الزاوـية في \overline{B} . أثـرت قوى مقاديرها $12, 15, 30, 13, 5, 12, 4, 5$ نـيوـتن في $\overline{AB}, \overline{BC}, \overline{AC}, \overline{AD}, \overline{DC}, \overline{BD}$. أثـبت أن المجموعـة تـكـافـي اـزـدواـجاً وأـوجـد معيـار عـزمـه.

(٥٠) $\overline{AB} = 8$ سم، $\overline{BC} = 10$ سم، $\overline{AC} = 12$ سم، $\overline{AD} = 11$ سم، $\overline{DC} = 11$ سم، $\overline{BD} = 12$ سم، \overline{AD} منتصف \overline{BC} . \overline{AD} أثـرت قوى مقاديرها $12, 11, 11, 12, 11, 12$ نـيوـتن في $\overline{AB}, \overline{BC}, \overline{AC}, \overline{AD}, \overline{DC}, \overline{BD}$. \overline{DC} على الترتـيب فإذا كانت مجموعـة القوى متـزـنة فأـوجـد قـيمـتها.